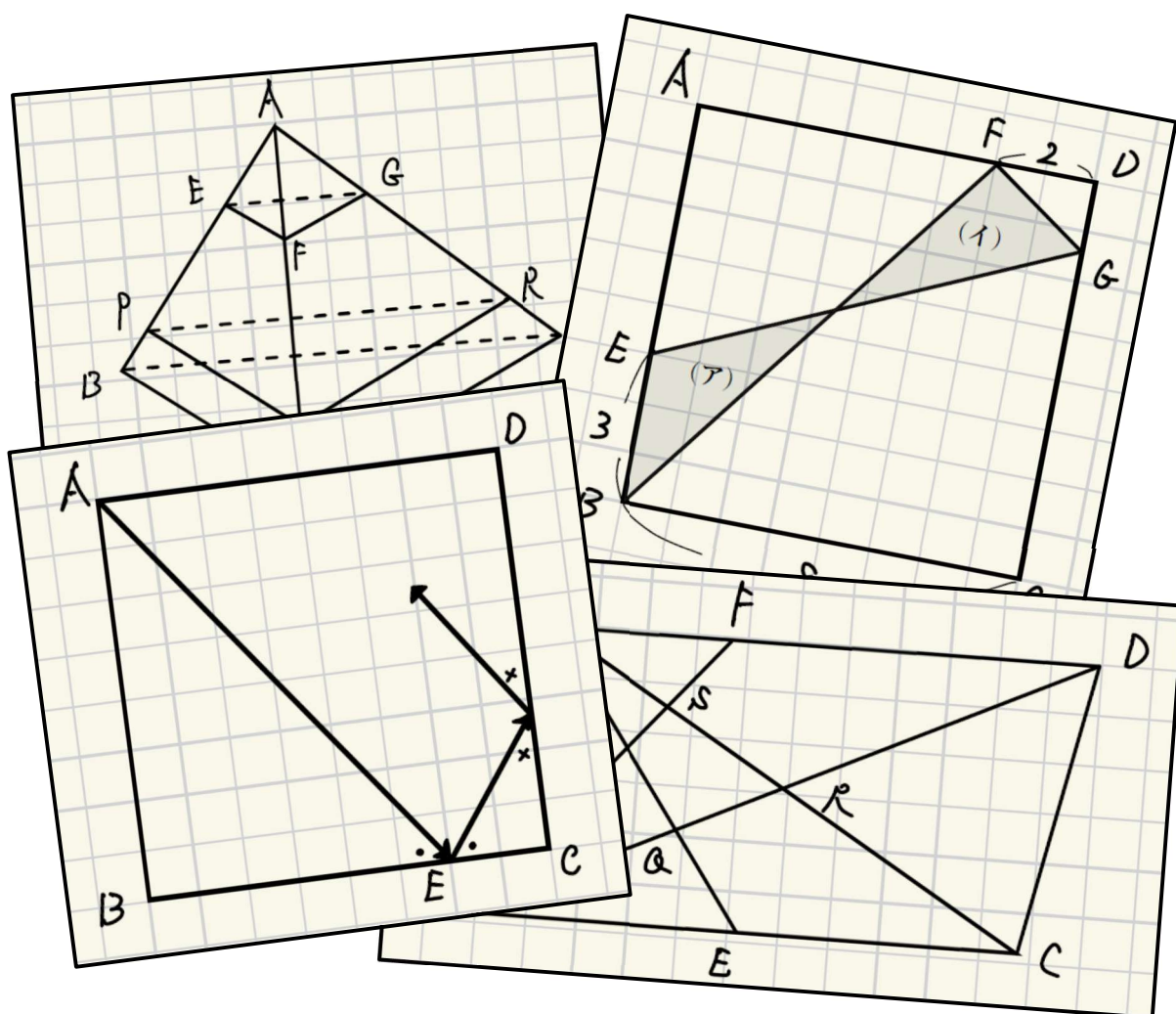


EIMEI グループ受験対策テキスト

入試レベルの相似な図形

こたえ冊子



校舎()名前()

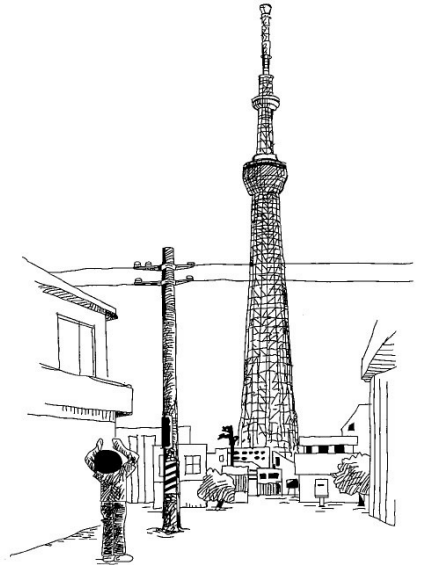
※問題冊子のテキストに挟んでおきましょう

2025.10.15 (水) こたえ

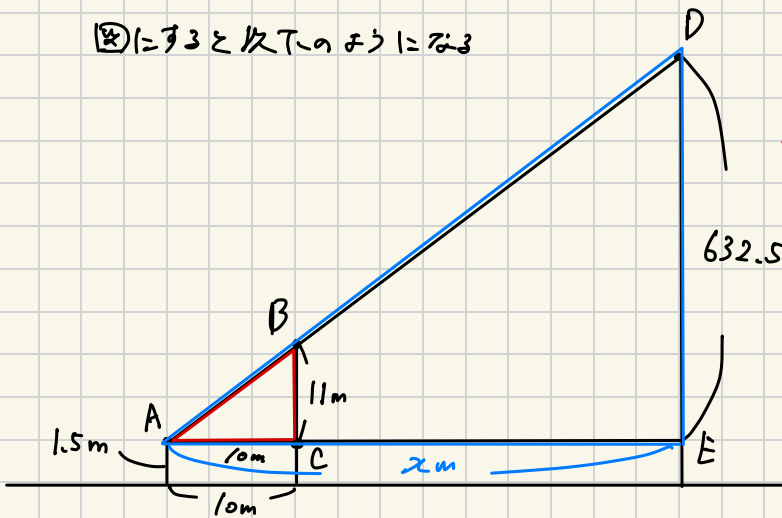
(10) Sさんは、近くに完成した高さ634mの新タワーまでの距離を、高さ12.5mの電柱を目印にして求めようと考えました。Sさんは、電柱の先端と新タワーの先端が一致して見える位置に立ち、その位置から電柱までの距離を測ったら、ちょうど10mでした。

このとき、Sさんが立っている位置から新タワーまでの距離は何mかを求めなさい。

ただし、Sさんの目の高さを1.5mとします。また、Sさん、電柱、新タワーは、同じ平面上に垂直にたっており、それぞれの幅や厚みは考えないものとします。(5点)



図にすると次のようになる



出典:H24 埼玉県

$\triangle ABC \sim \triangle ADE$ より
求めるべき x m とし

$$10 : x = 11 : 632.5$$

これを解いて

$$x = 575$$

$$\therefore \underline{575\text{m}}$$

2025.10.16(木) 3時

(6) 図の△ABCで、線分MHの長さを求めよ。

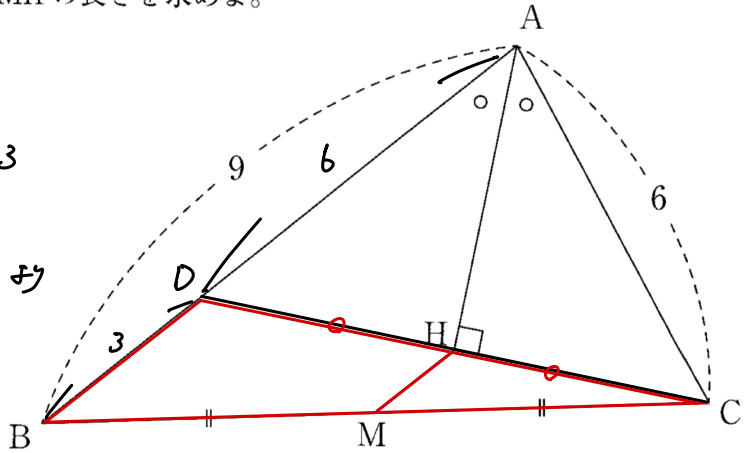
$$\triangle ADH \cong \triangle ACH \text{ ㄅ}$$

$$AD = 6 \rightarrow BD = 3$$

$$\text{ㄅ} \rightarrow DH = CH$$

△CDBで 中点連結定理 ㄅ

$$MH = \frac{3}{2} \rightarrow$$



出典:2017 桐光学園 第1回

おまけ

(6) 図の△ABCで、線分MHの長さを求めよ。

AHを延長してAIをとる

$$\triangle IHM \sim \triangle IAB \text{ ㄅ}$$

$$IB : IM = \frac{3}{2} : 9 = 1 : 6$$

$$\text{ㄅ} \rightarrow BM : MI = 5 : 1$$

$$\text{ㄅ} \rightarrow BM = CM \text{ ㄅ}$$

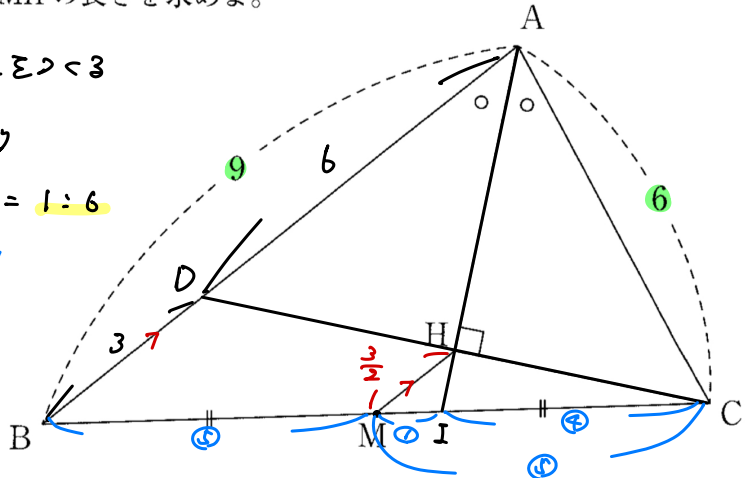
$$BI : IC = 6 : 4$$

$$= 3 : 2$$

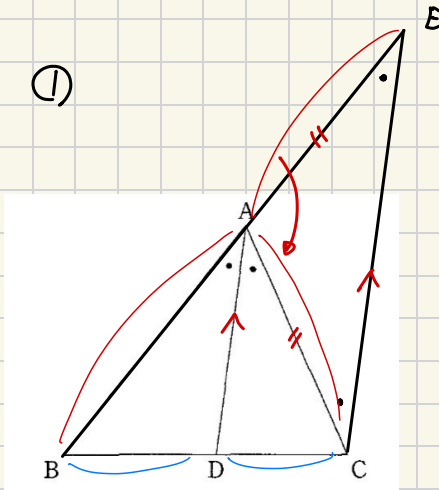
$$\parallel$$

$$AB : AC$$

ㄅ ㄅ ㄅ 「角の二等分線定理」が使われている!!



①



点Cを通り、ADに平行な直線と
BAの延長との交点をEとする。

$AD \parallel EC$ より $\angle BAD = \angle AEC$ (同位角)
 $\angle CAD = \angle ACE$ (錯角)

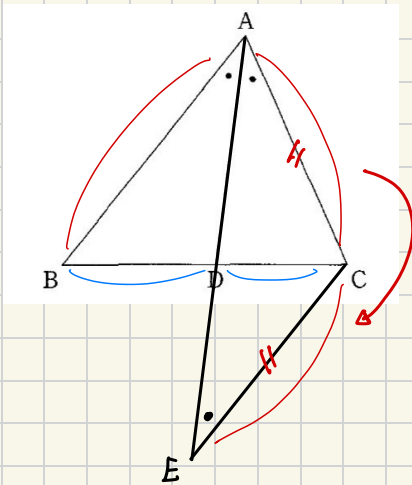
仮定より $\angle BAD = \angle CAD$
よって $\angle AEC = \angle ACE$ より

$\triangle AEC$ は $AC = AE$ の二等辺三角形

$AD \parallel EC$ より $AB : AE = BD : DC$

よって $AB : AC = BD : DC$ //

②



②別 AD を延長し $AB \parallel CE$ とする
Eをとる。

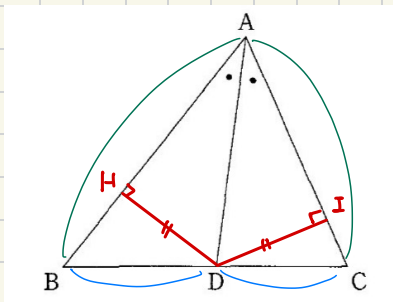
$\triangle AEC$ は二等辺三角形。



$AD : AC = AB : CE = BD : DC$

ておけ

③



③別 DからAB, ACへの垂線DH, DIをひく。
このとき $\triangle ADH \cong \triangle ADI$ (斜辺と1つの鋭角)

より $DH = DI$ よって高さが等しいから

$\triangle ABD : \triangle ACI = AD : AC$ 一方で

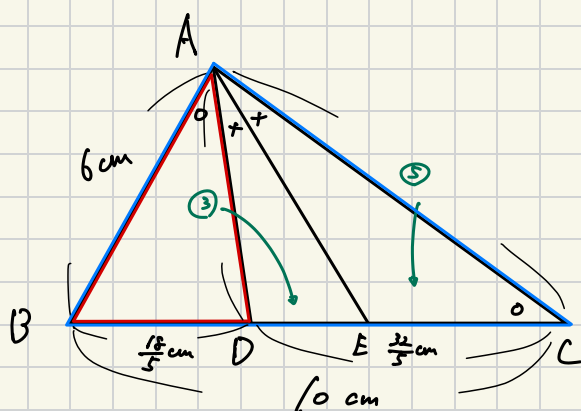
$\triangle ABD : \triangle ACI = BD : DC$ でもあるので

$AB : AC = BD : DC$ //

2025. 10. 18(土) 午後

次の図において、 $AB=6\text{cm}$ 、 $BC=10\text{cm}$ 、 $\angle BAD=\angle ACB$ 、 $\angle DAE=\angle EAC$ であるとき、 DE の長さを求めなさい。

出典:2021 立命館 後期



相似比 3:5
 $\triangle BAD \sim \triangle BCA$ より

$$\frac{BA}{BC} = \frac{BD}{BA}$$

$$\downarrow$$

$$BD = \frac{18}{5} \text{ cm}$$

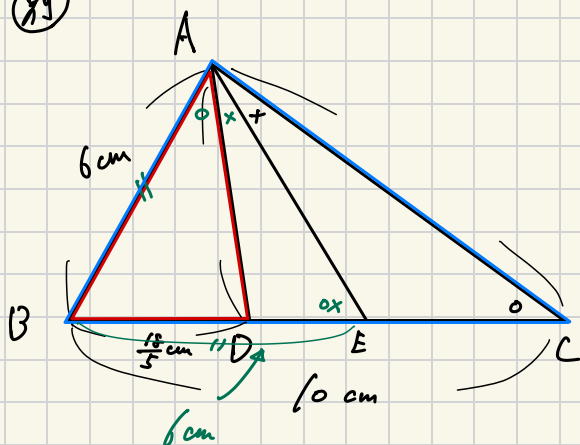
$$\therefore EC = 10 - \frac{18}{5} = \frac{32}{5} \text{ cm}$$

$$\therefore DA : AC = 3 : 5 \quad \text{より}$$

$$\triangle ADE \sim \triangle ACE \quad \text{より} \quad DE : EC = 3 : 5$$

$$\therefore DE = \frac{32}{5} \text{ cm} \times \frac{3}{8} = \frac{12}{5} \text{ cm}$$

84



$$\angle AEB = x + o \quad (\text{外角}) \quad \text{より}$$

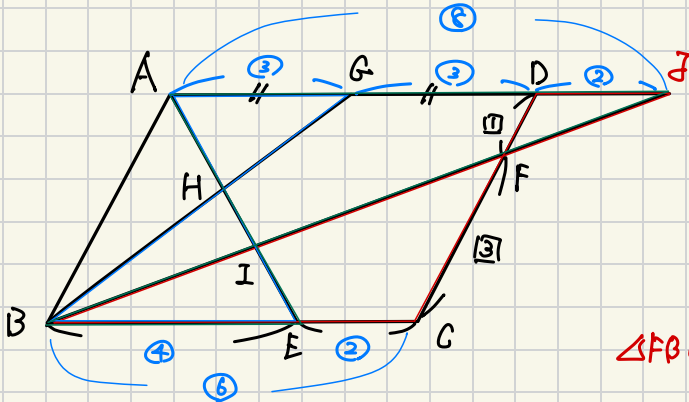
$\triangle BAE$ は 二等辺三角形

$$\therefore DE = 6 - \frac{18}{5} = \frac{12}{5} \text{ cm}$$

2025.10.19 (日) こたえ

下の図のように平行四辺形ABCDにおいて、 $BE:EC=2:1$ 、 $CF:FD=3:1$ 、 G はADの中点である。AEがBG、BFと交わる点をそれぞれH、Iとするとき、 $AE:HI$ を最も簡単な整数の比で表しなさい。

出典:2020 法政大第二



$AD \parallel BC$ の交点 J とする。

$BE:EC = 2:1$ より

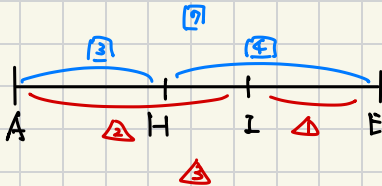
$BE = 4$ 、 $EC = 2$ とする

$AG = GE = 3$ とする

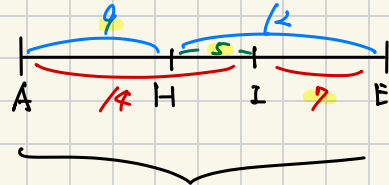
$\triangle FBC \sim \triangle FJD$ より $DJ = 2$ とする
(3:1)

$\triangle AHG \sim \triangle EHB$ より $AH:HE = 3:4$

$\triangle AIG \sim \triangle EIB$ より $AI:IE = 3:4 = 2:1$



$\times 3$
 $\times 7$



$AH:HI:IE = 9:5:7$ とする。

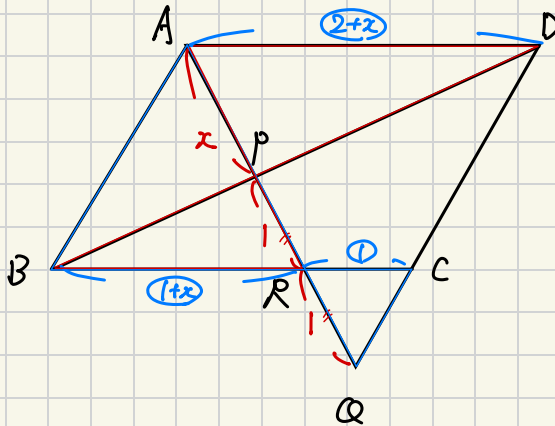
よって $AE:HI = 21:5$

2025.10.20 (A) 2F2

図のように、平行四辺形ABCDの対線BD上に点Pをとり、直線APと辺BCとの交点をR、直線APと辺DCの延長線との交点をQとします。PR=QRのとき
(APの長さ) = (QRの長さ) × xを満たすxの値を求めなさい。

QR = 1 とし、AP = x とする。

出典:2021 中央大杉並



$$\triangle ABR \sim \triangle QCR \quad \because$$

$$BR:RC = (1+x):1$$

$$\downarrow$$
$$AD = (2+x) \text{ とする}$$

$$\triangle APD \sim \triangle RPB \quad \because$$

$$x:1 = (2+x):(1+x)$$

\downarrow

$$x(1+x) = 2+x$$

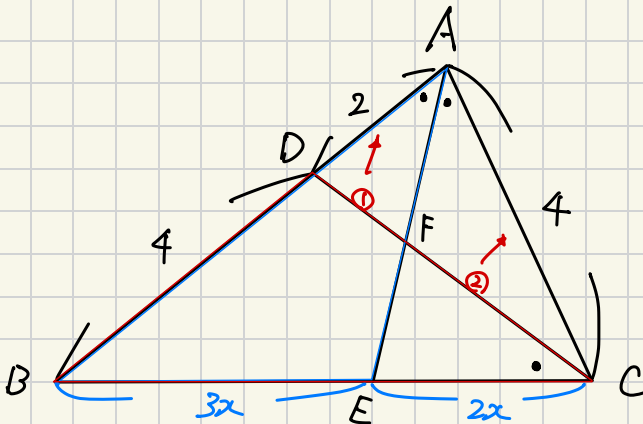
$$x^2 = 2 \quad x > 0 \text{ より}$$

$$\underline{x = \sqrt{2}}$$

2025.10.21 (土) こなん

下の図のように、辺AB上に点D、辺BC上に点Eをとり、AEとCDの交点をFとする。 $AC=BD=4$ 、 $\angle BAE=\angle EAC=\angle DCB$ 、 $CF:FD=2:1$ であるとき、BEの長さを求めよ。

出典:2024 城北 一般



$\triangle ADC$ で「角1」二等分線定理より

$AD=2$ とわかる。また、

$\triangle ABC$ で「同様に」

$\hookrightarrow BE:EC = 3:2$ とわかる。

よって

$BE = 3x$, $EC = 2x$ とおく。

$\triangle BDC \sim \triangle BEA$ より $4:3x = 5x:6$

$$15x^2 = 24$$

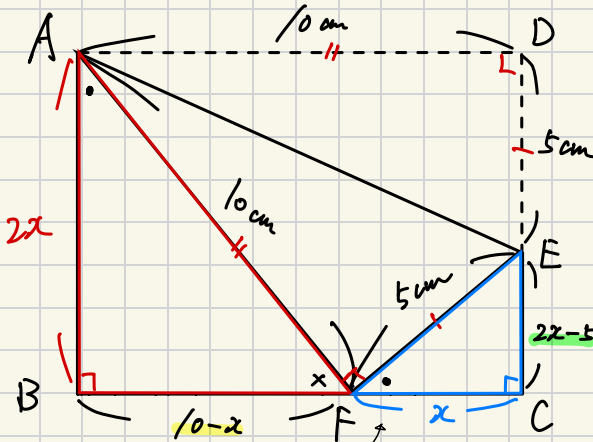
$$x^2 = \frac{8}{5} \quad (x > 0)$$

$$x = \frac{2}{5}\sqrt{10} \text{ より, } BE = \frac{6}{5}\sqrt{10}$$

2025. 10. 22 (土) こたえ

右の図のように、長方形ABCDを、頂点Dが辺BC上の点Fと重なるようにAEを折り目として折りました。AD=10cm、DE=5cmのとき、辺ABの長さを求めなさい。

出典:2025 城北埼玉II



折り紙より $AF = 10 \text{ cm}$, $FE = 5 \text{ cm}$

$\triangle ABF \sim \triangle FCE$ (相似比 2:1)

より $AB = 2x$ とすると $FC = x$ である

$BF = 10 - x \text{ cm}$

$CE = 2x - 5 \text{ cm}$ である。

よって相似比 2:1 である。

$$(10 - x) : (2x - 5) = 2 : 1$$

$$4x - 10 = 10 - x$$

$$5x = 20$$

$$x = 4$$

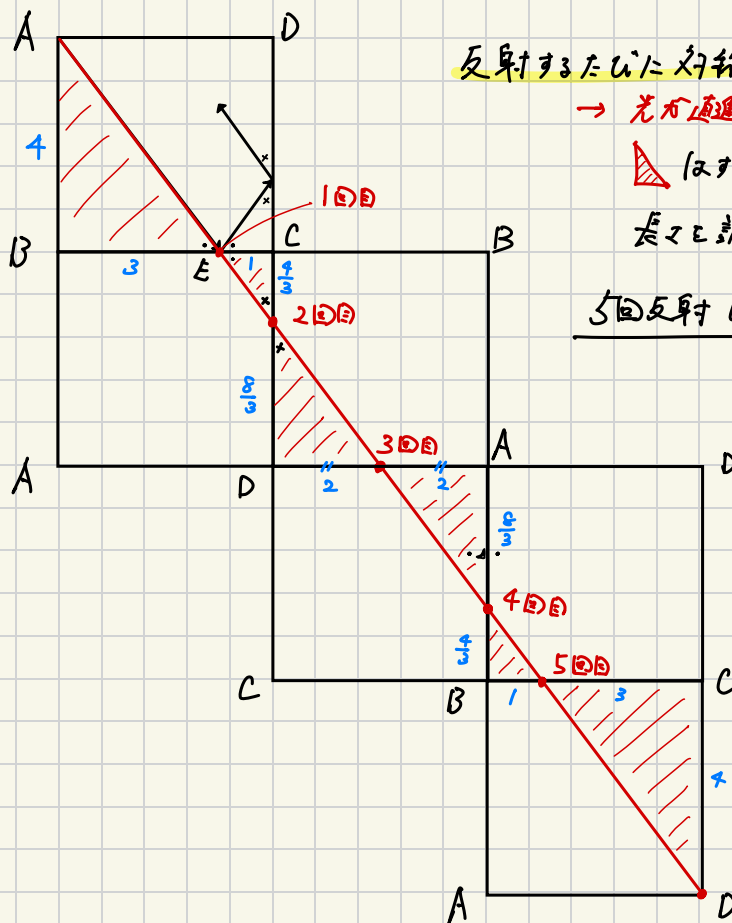
$$\text{よって } AB = 8 \text{ cm}$$

$\triangle ABF$ の外角に注目すると
 $\angle BAC + 90^\circ = 90^\circ + \angle EFC$
 $\angle BAC = \angle EFC$ である

2025.10.23 (木) こたえ

内側が反射板になっている1辺の長さが4である正方形ABCDがあり、辺BC上に点EをBE=3となるようにとる。下の図のように点Aから点Eに向かって光を放つとき、光は直進して各辺では等角に反射するが、いずれかの頂点に到達すると光は反射しないものとする。このとき、光が反射した回数と、到達した頂点をそれぞれ答えなさい。

出典:2021 京都女子



反射するたびに斜線な面も用意する。

→ 光が通過する様子が見える。

△はすべて相似となる。

長さを調えると

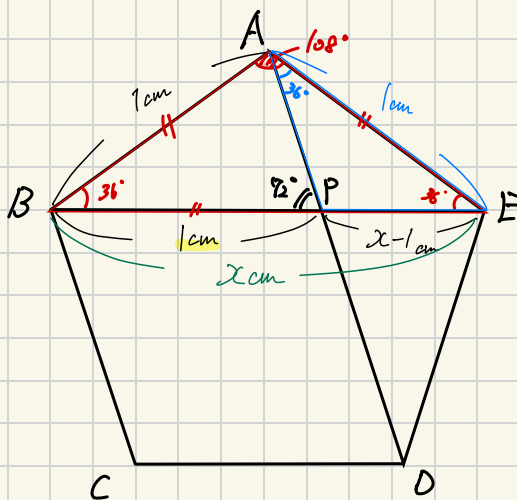
5回反射して頂点Dに到達する

2025. 10. 24 (金) こたえ

下の図のように、1辺が1cmの正五角形ABCDEがある。対角線BEと対角線ADとの交点をPとすると、

- (i) $\angle APB$ の大きさを求めよ。
- (ii) 線分BEの長さを求めよ。

出典:2025 奈良学園



正五角形の1つの内角 108°

$\rightarrow \triangle ABE$ は二等辺三角形 より

$\angle AEB = 36^\circ$ 同様に

$\angle EAD = 36^\circ$ よって

(i) $\angle APB = 72^\circ$ (外角の性質)

$\angle BAP = 72^\circ$ より $\triangle BAP$ は二等辺三角形

$\rightarrow AB = PB = 1 \text{ cm}$

$BE = x \text{ cm}$ とし $\triangle ABE \sim \triangle PAE$ より

$$\therefore (x-1) = x : 1$$

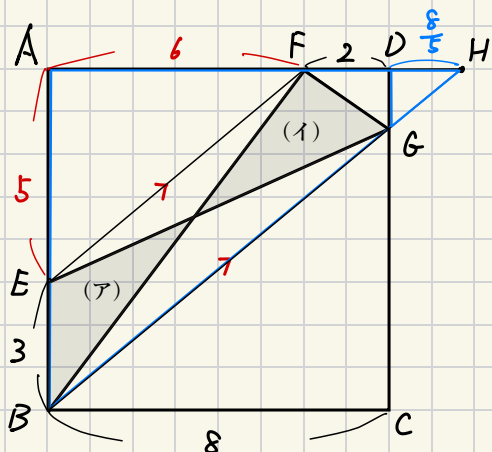
$$\therefore \text{これを解くと } x = \frac{1+\sqrt{5}}{2} \quad (x > 0 \text{ より})$$

$$BE = \frac{1+\sqrt{5}}{2} \text{ cm}$$

2025.10.25(土) ぐええ

下の図のように、1辺の長さが8の正方形ABCDがある。BE=3、DF=2で、図の
(ア) と (イ) の部分の面積が等しいとき、DGの長さを求めよ。

出典:2018 城北



$\triangle EBG = \triangle FBG$ より $EF \parallel BG$ となる?

$\therefore AE:EB = AF:FH$ (8:3) より

$$FH = \frac{6}{5} \text{ より } DH = \frac{8}{5} \text{ cm}$$

$$\rightarrow AH = \frac{44}{5} \text{ cm}$$

$\triangle HDG \sim \triangle HAB$ より

$$\frac{8}{5} : \frac{44}{5} = DG : 8 \text{ より}$$

$$\underline{DG = \frac{4}{5} \text{ cm}}$$

4

右の図のような1辺が5cmの正方形ABCDがある。

点Eは辺AB上の点で、 $AE:EB = 2:3$ であり、

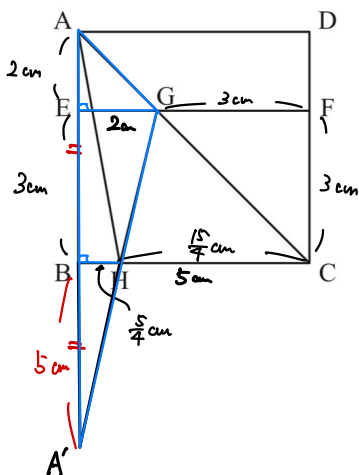
点Eを通り辺ADと平行な直線と辺CDの交点をF、

線分EFと対角線ACの交点をGとする。

また、点Hは辺BC上にあり、2つの線分

AHとHGの長さの和が最小となる点である。

このとき、次の問題に答えよ。
 $A \rightarrow BC$ について
 A' とし、 A' と A と B との
 $A'O$ と BC の交点が H



- 1 $\triangle AEG$ と $\triangle CFG$ の面積の比は ア : イ である。

ただし、最も簡単な整数の比で答えよ。

$\triangle AEG \sim \triangle CFG$ で相似比 2:3 より

$$\text{面積比は } 2^2 : 3^2 = \underline{4:9}$$

- 2 四角形EBCGの面積は $\frac{\text{ウ} \quad \text{エ}}{2} \text{ cm}^2$ である。

$$EG = 2 \text{ cm} \text{ より } (2+5) \times 3 \times \frac{1}{2} = \underline{\frac{21}{2} \text{ cm}^2}$$

- 3 $\triangle AHG$ の面積は $\triangle CFG$ の面積の $\frac{\text{オ}}{\text{カ}}$ 倍である。

$$\triangle CFG = 3 \times 3 \div 2 = \underline{\frac{9}{2} \text{ cm}^2}$$

$$\triangle AHB \sim \triangle AGE \text{ (5:8) より } BH = \frac{5}{4} \text{ cm}$$

$$\begin{aligned} \triangle AHG &= \triangle AA'G - \triangle AA'H = 10 \times 2 \times \frac{1}{2} - 10 \times \frac{5}{4} \times \frac{1}{2} \\ &= 10 - \frac{25}{4} = \underline{\frac{15}{4} \text{ cm}^2} \end{aligned}$$

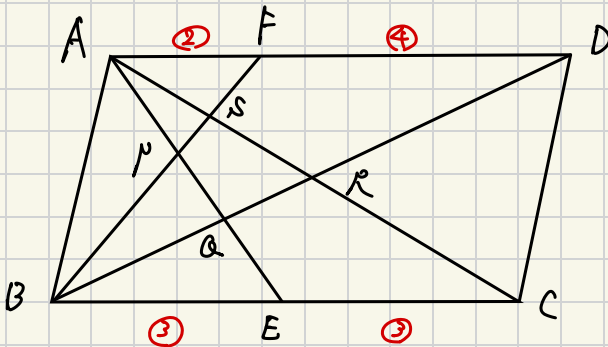
$$\text{比より } \frac{15}{4} \div \frac{9}{2} = \underline{\frac{5}{6}}$$

2025.10.27(月) にたい

図のように、平行四辺形 ABCD がある。辺 BC の中点を E、辺 AD を 1:2 に分ける点 F とする。このとき、次の比を最も簡単な整数の比で求めなさい。

- (1) BP : BF
- (2) $\triangle BFD$ と $\triangle BPQ$ の面積比
- (3) $\triangle BFD$ と 四角形 PQRS の面積比

出典: H29 桜美林 第1回



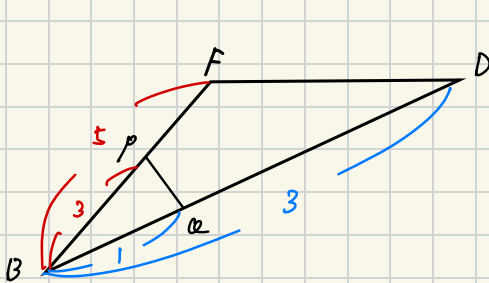
$AF:FD = ②:④$ とする。
 $BE = EC = ③$ とする。

(1) $BP:PF = 3:2$ かつ

$BP:BF = 3:5$

(2) $BQ:QD = 1:2$ かつ

$BQ:BD = 1:3$

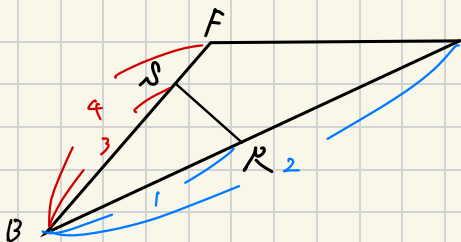


$\triangle BDF = S$ とする

$\triangle BPQ = \triangle BDF \times \frac{BP}{BF} \times \frac{BQ}{BD}$ と求める

$\triangle BPQ = S \times \frac{3}{5} \times \frac{1}{3}$
 $= \frac{1}{5}S$ かつ

$\triangle BPQ : \triangle BDF = \frac{1}{5}S : S = 1:5$



(3) $BS:BF = 3:4$, $BR:BD = 1:2$ かつ

$\triangle BSR = \triangle BDF \times \frac{BS}{BF} \times \frac{BR}{BD}$ と求める

$\triangle BSR = S \times \frac{3}{4} \times \frac{1}{2}$
 $= \frac{3}{8}S$ とする

四角形 PQRS = $\triangle BSR - \triangle BPQ$ かつ 四角形 PQRS = $\frac{3}{8}S - \frac{1}{5}S = \frac{7}{40}S$

よって $\triangle BDF : \text{四角形 PQRS} = S : \frac{7}{40}S = 40:7$

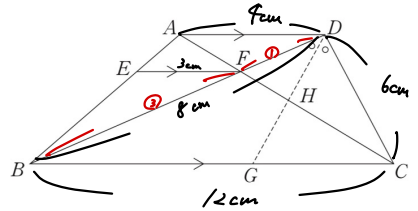
2025.10.28(土) 27:28

2 右の図のように、 $AD \parallel BC$ である台形 $ABCD$ がある。 AC と DB の交点を F とし、辺 AB 上に $AD \parallel EF$ となる点 E をとる。

また、 $\angle BDC$ の二等分線と辺 BC 、 AC との交点をそれぞれ G 、 H とする。 $AD = 4 \text{ cm}$ 、 $DC = 6 \text{ cm}$ 、 $BC = 12 \text{ cm}$ 、

$DB = 8 \text{ cm}$ のとき、次の問いに答えなさい。

- (1) DF の長さを求めなさい。
- (2) EF の長さを求めなさい。
- (3) BG の長さを求めなさい。
- (4) $\triangle AFD$ の面積を S とすると、四角形 $FBGH$ の面積を S を用いて表しなさい。



出典:2021 大阪学院大学

(1) $BF:DF = 3:1$ より $DF = 8 \text{ cm} \times \frac{1}{4} = 2 \text{ cm}$

(2) $\triangle BEF \sim \triangle BAD$ (相似比 $3:4$) より $EF = 4 \text{ cm} \times \frac{3}{4} = 3 \text{ cm}$

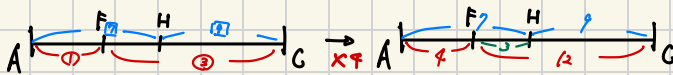
(3) $\triangle DBG$ で角の二等分線定理より $BG:GC = 4:3$

$\therefore BG = 12 \text{ cm} \times \frac{4}{7} = \frac{48}{7} \text{ cm}$

(4) $AF:CF = 1:3$

$\triangle AHD \sim \triangle CHG$ より

$AH:CH = 4:\frac{36}{7} = 7:9$



$\therefore AF:FH:HC = 7:3:9$

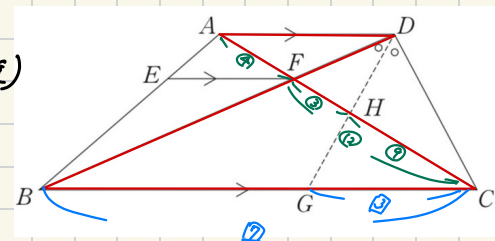
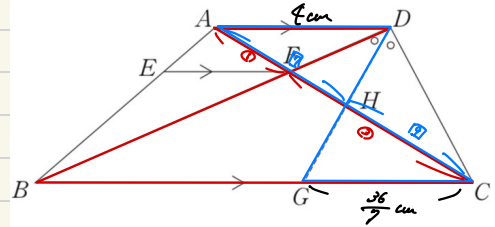
$\triangle AFD : \triangle CFB = 1^2 : 3^2 = 1:9$ (相似比の2乗)

より $\triangle CFB = 9S$ と表せる。

$\triangle CHG = \triangle CFB \times \frac{CG}{CB} \times \frac{CH}{CF}$ より

$\triangle CHG = 9S \times \frac{3}{12} \times \frac{7}{12} = \frac{81}{28} S$

\therefore 四角形 $FBGH = 9S - \frac{81}{28} S = \frac{171}{28} S$



2025.10.29 (木) こたえ

IV. $\triangle ABC$ において、 $\angle BAC$ の二等分線と辺 BC との交点を D 、 $\angle ABC$ の二等分線と辺 AC との交点を E とし、 AD と BE の交点を F とする。また、頂点 B を通り AD に平行な直線と辺 AC の延長との交点を G とする。 $BD = 12 \text{ cm}$ 、 $DC = 8 \text{ cm}$ 、 $AC = 10 \text{ cm}$ のとき、次の各問に答えなさい。

① AB の長さを求めなさい。

角の二等分線定理より $AB:AC = BD:DC$

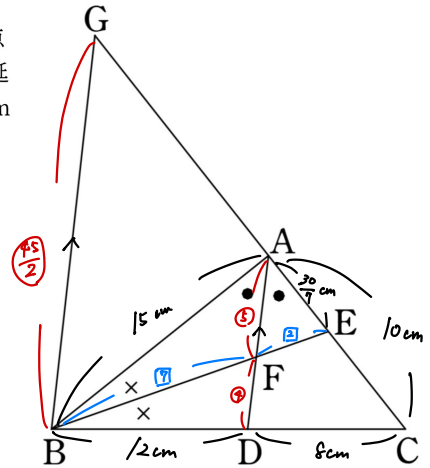
$$AB:10 = 12:8 \Rightarrow AB = 15 \text{ cm}$$

② $GB:AF$ を求めなさい。

角の二等分線定理より $BA:BD = AF:DF = 5:4$

$\triangle CAD$ の $\triangle CGB$ (2:5) より $GB = 9 \times \frac{5}{2} = \frac{45}{2}$ より

③ $\triangle BDF: \triangle AFE$ を求めなさい。 $GB:AF = \frac{45}{2}:5 = 9:2$



角の二等分線定理より $BA:BC = AE:EC = 3:7$ より

$$AE = 10 \text{ cm} \times \frac{3}{7} = \frac{30}{7} \text{ cm}$$

角の二等分線定理より $AB:AE = BF:FE = 15:\frac{30}{7} = 7:2$

$$\triangle BDF = \triangle AFE \times \frac{FD}{FA} \times \frac{FB}{FE} \text{ より}$$

$$= \triangle AFE \times \frac{4}{5} \times \frac{7}{2}$$

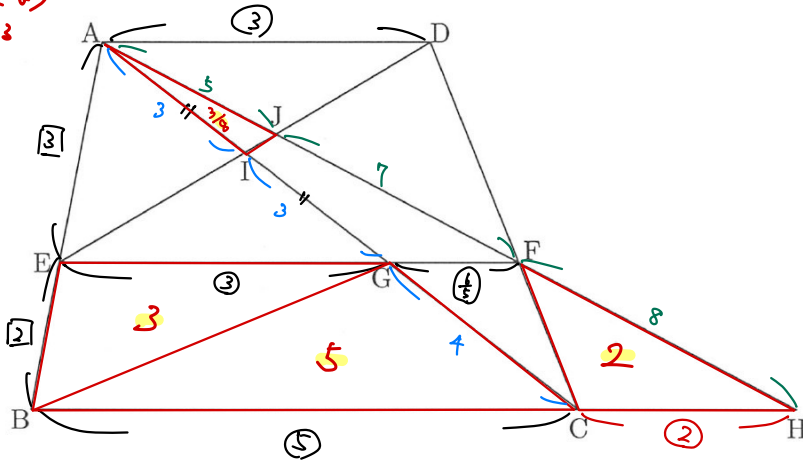
$$= \triangle AFE \times \frac{14}{5}$$

$$\therefore \triangle BDF: \triangle AFE = \frac{14}{5} \triangle AFE : \triangle AFE = \underline{14:5}$$

出典:2023 共立女子第二 第1回

- 3 下の図のように、 $AD \parallel BC$ の台形 $ABCD$ があり、 $AD:BC = 3:5$ である。辺 AB 上に $AE:EB = 3:2$ となる点 E をとり、辺 CD 上に $AD \parallel EF$ となる点 F をとる。また、 AC と EF の交点を G 、直線 AF と直線 BC の交点を H 、 DE と AC 、 AF の交点をそれぞれ I 、 J とする。このとき、次の各問いに答えなさい。

$DF:FC = 3:2$ かつ
 $CH = ②$ と仮定



$EG = ③, GF = (\frac{5}{2})$ かつ $3:\frac{5}{2} = 5:2$

- (1) $EG:GF$ を最も簡単な整数の比で答えなさい。
- (2) $\triangle CHF$ と $\square BCGE$ の面積比を最も簡単な整数の比で答えなさい。
 $\triangle EBG + \triangle CBG$ が $\triangle ABC$ のとき、三角形なので
 $= \triangle CHF : (\triangle EBG + \triangle CBG) = 2:(3+5) = 1:4$
- (3) $EJ:JD$ を最も簡単な整数の比で答えなさい。
 $EF:DA$ に比例して $(3+\frac{5}{2}):3 = \frac{11}{2}:3 = 11:6$
- (4) $\triangle CHF$ と $\triangle AIJ$ の面積比を最も簡単な整数の比で答えなさい。

$\hookrightarrow AI:IG = 1:1, AG:GC = 3:2$ かつ $AI:IG:GC = 3:3:4$

$AJ:JF = 5:7, AF:FH = 3:2$ かつ $AJ:JF:FH = 5:7:8$

よって $\triangle CHF = 2$ に対し $\triangle ACF = \triangle CHF \times \frac{3}{2} = 3$ である

$\triangle AIJ = \triangle ACF \times \frac{AI}{AC} \times \frac{AJ}{AF} = \frac{3}{6} \times \frac{5}{12} \times 3 = \frac{3}{8}$ かつ

$\triangle CHF : \triangle AIJ = 2 : \frac{3}{8} = 16:3$

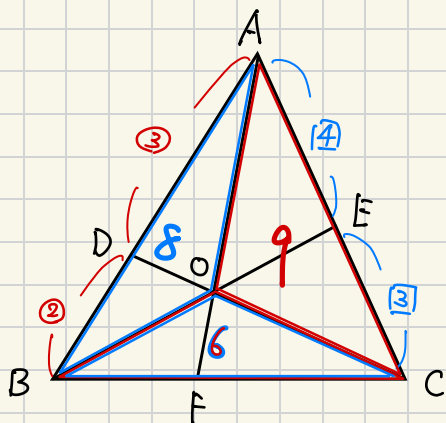
2025.10.31 (金) こなえ

図において $AD:DB=3:2$ 、 $AE:EC=4:3$

線分 BE 、 CD の交点を O 、直線 AO と辺 BC の交点を F とする。

このとき、 $BF:FC$ を求めなさい

出典:2019 開智高校 第1回



$$\triangle BAO : \triangle CBO = AE : EC \quad * \text{より}$$

$$\triangle BAO = 8, \triangle CBO = 6 \text{ とわかる.}$$

よって

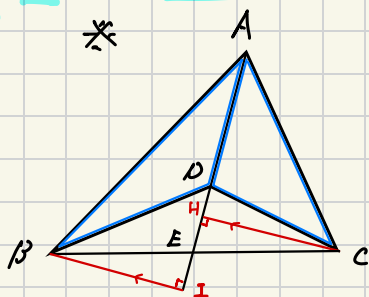
$$\triangle CAO : \triangle CBO = AD : DB \text{ より}$$

$$\triangle CAO = 9 \text{ となる. よって}$$

$$BF : FC = \triangle ABO : \triangle ACO \text{ より}$$

$$BF : FC = 8 : 9$$

*



左図で

$$\triangle ABD : \triangle ACD = BI : CH$$

また $BI \parallel CH$ より

$$BI : CH = BE : CE$$

したがって $\triangle ABD : \triangle ACD = BE : CE$ といえる。

底辺の等しい三角形の
面積比は
高さの比に等しい

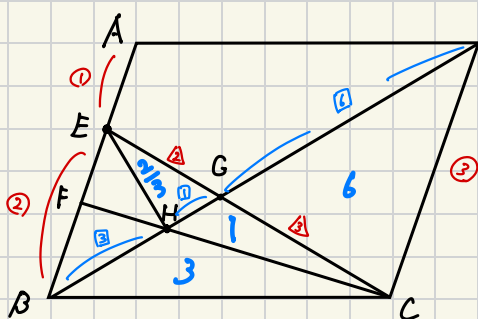
2025.11.01 (土) 2/2

- 3 平行四边形 ABCD において、AB を 1:2 に分ける点を E とし、線分 EB 上に点 F をとります。線分 CE, CF と対角線 BD との交点をそれぞれ G, H とするとき、 $GH:HB=1:3$ となりました。

次の問いに答えなさい。 *△EFG と △HGB が相似。*

- (1) $DG:GB$ を求めなさい。 $DC:BE$ に等しい $\rightarrow 3:2$
- (2) $\triangle CGH$ と平行四边形 ABCD の面積の比を求めなさい。 $BH=3$, $GH=1$ とすると $DG=6$ とある。
- (3) $EF:FB$ を求めなさい。

出典:2023 桃山学院



(2) $\triangle CGH = 1$ とすると
 $\triangle BCD = 10$ かつ
 $\square ABCD = 20$ かつ $\times 2$
 $\triangle CGH : \square ABCD = 1 : 20$

(3) $EG:CG = 2:3$ かつ $\triangle EGH = \frac{2}{3}$ かつ $\triangle CEH = \frac{5}{3}$

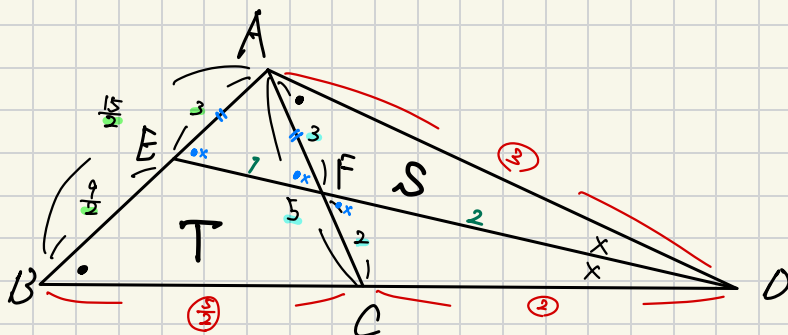
$EF:FB = \triangle CEH : \triangle CBH$ かつ

$EF:FB = \frac{5}{3} : 3 = 5:9$

2025. 11. 02 (日) らえ

出典:2019 青雲

- (1) ABの長さを求めよ。
- (2) EBの長さを求めよ。
- (3) $\triangle AFD$ の面積をS、四角形EBCFの面積をTとおくとき、
S:Tを最も簡単な整数比で答えよ。

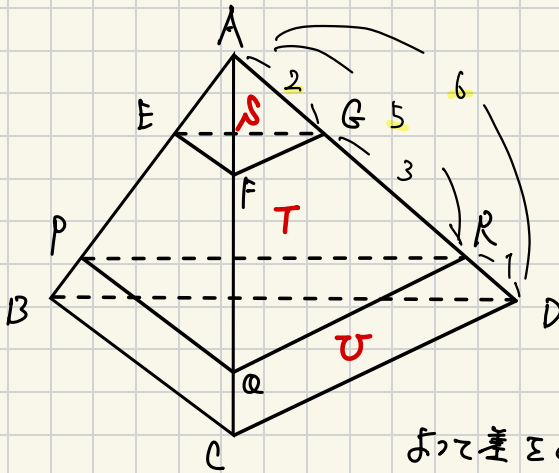


- (1) $\triangle ABD \sim \triangle CAD$ であり ← 相似比1になる
 $AF:FC = AD:CD = 3:2$ (角の二等分線定理) より
 $AB:CA = 3:2 \Rightarrow AB:5 = 3:2, \underline{AB = \frac{15}{2}}$
- (2) $\triangle AEF$ は二等辺三角形 $\Rightarrow AE = 3$ より $EB = \frac{15}{2} - 3 = \underline{\frac{9}{2}}$
- (3) $AE:EB = AD:BD = 3:\frac{9}{2}$ (角の二等分線定理) より
 $\therefore AD = \textcircled{3}$ 1:2717 $BD = \textcircled{\frac{9}{2}} \Rightarrow BC = \textcircled{\frac{5}{2}}$
 $\triangle DAE \sim \triangle DCF$ より $DE:DF = DA:DC = 3:2$ より
 $DF:FE = 2:1$ より
 $\triangle AEF = \frac{1}{2}S$ $\therefore \triangle ABC = \triangle AEF \times \frac{AB}{AE} \times \frac{AC}{AF}$ なるから、
 $\triangle ABC = \frac{1}{2}S \times \frac{\frac{15}{2}}{3} \times \frac{5}{3} = \frac{25}{12}S$ より
 $T = \frac{25}{12}S - \frac{1}{2}S = \frac{19}{12}S$ 14177
 $S:T = S:\frac{19}{12}S = \underline{12:19}$

2025.11.03 (A) とたえ

三角錐 ABCD を、右の図のように底面に平行な平面で 2箇所切断する。
AE : EP : PB = 2 : 3 : 1 であるとき、立体 EFG-PQR と、立体 PQR-BCD の
体積比を最も簡単な数の比で表しなさい

出典: H29 法政大 一般



立体を上の段から S, T, U として
 $S \cup (S+T) \cup (S+T+U)$ とする。

① 相 $2 : 5 : 6$

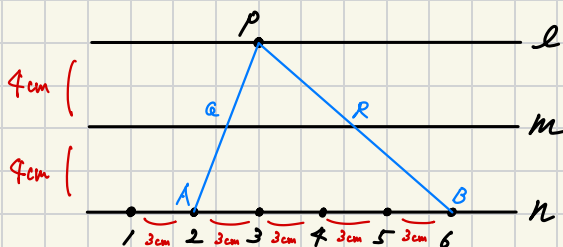
↓ 3乗

② 体 $8 : 125 : 216$

よって差をとって $T : U = (125 - 8) : (216 - 125)$

$= 117 : 91$ $) \div 13$

$= \underline{9 : 7}$



大小2つのさいころを同時に投げて、大きいさいころの出た目の数と同じ番号のついた直線n上の点をA、小さいさいころの出た目の数と同じ番号のついた直線n上の点をBとし、 $\triangle PAB$ の面積を考える。ただし、2点A、Bが一致するときは、 $\triangle PAB$ の面積を 0cm^2 とする。このとき、次の確率を求めなさい。

- (1) $\triangle PAB$ の面積が 48cm^2 となる確率
- (2) 線分PA, PBと直線mとの交点をそれぞれQ, Rとしたとき、 $\triangle PQR$ の面積が 6cm^2 となる確率

さいころ2つの目のかけ方は 全36通り

(1) 高さが 8cm より、底辺が 12cm になる
つまり、 $AB = 12\text{cm}$ となるのは

(大きいさいころの目)と(小さいさいころの目)の差が4

→ 計4通り より 確率は $\frac{4}{36} = \frac{1}{9}$

| | | | | | | |
|---|------|---|---|---|---|---|
| | 小(3) | | | | | |
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| 1 | | | | | ○ | |
| 2 | | | | | | ○ |
| 3 | | | | | | |
| 4 | | | | | | |
| 5 | ○ | | | | | |
| 6 | | ○ | | | | |

(2) $\triangle PAQ$ と $\triangle PAB$ で相似比 $1:2$ より、
面積比 $1:4$ となる、 $\triangle PAQ = 6\text{cm}^2$

$$\triangle PAB = 24\text{cm}^2$$

(1)と同様に考え、 $AB = 6\text{cm}$ となるのは

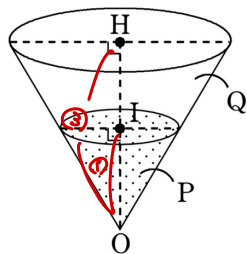
(大きいさいころの目)と(小さいさいころの目)の差が2

→ 計8通り より 確率は $\frac{8}{36} = \frac{2}{9}$

| | | | | | | |
|---|------|---|---|---|---|---|
| | 小(3) | | | | | |
| | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 |
| 1 | | | ○ | | | |
| 2 | | | | ○ | | |
| 3 | ○ | | | | ○ | |
| 4 | | ○ | | | | ○ |
| 5 | | | ○ | | | |
| 6 | | | | ○ | | |

V. 右の図のように、深さが OH の円すい型の容器に水を入れ、水面が容器の底面と平行になるようにする。水の入っている部分を P、水の入っていない部分を Q とするとき、次の各問に答えなさい。

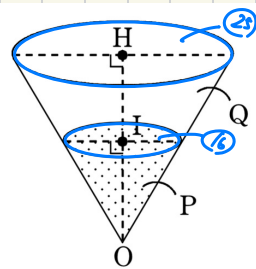
- ① $OI = \frac{1}{3}OH$ で、容器の体積が $540\pi \text{ cm}^3$ のとき、Q の部分の体積を求めなさい。



$P \sim (P+Q)$ で、相似比は $1:3$ となる。
(容器全体)
体積比は $1:27$ となる。

$$\therefore \text{空白の部分 } Q \text{ は } 540\pi \text{ cm}^3 \times \frac{26}{27} = \underline{520\pi \text{ cm}^3}$$

- ② 水面の面積が容器の底面積の $\frac{16}{25}$ 倍であるとき、P と Q の体積比を求めなさい。



$$(P \text{ の底面積}) : (P+Q \text{ の底面積}) = 16:25 \quad \text{より}$$

$$P \text{ と } P+Q \text{ の相似比は } 4:5$$

↓ 3乗

$$P \text{ と } P+Q \text{ の体積比は } 64:125 \quad \text{よって}$$

$$\therefore (P \text{ の体積}) : (P+Q \text{ の体積}) = \underline{64:125}$$

- 4 図1のような底面の半径が3 cm, 高さ AH が4 cm, 母線の長さが5 cm の円錐があります。この円錐を図2のように $AB: BH = 1: 2$ となる点 B を通る底面に平行な平面で切り取ります。頂点 A を含む立体を P, もとの円錐の底面を含む立体を Q とします。

次の問いに答えなさい。

問1 図1の円錐の体積を求めなさい。

問2 立体 P の側面積を求めなさい。

問3 立体 Q の表面積を求めなさい。

問4 立体 Q を $BC: CH = 1: 1$ となる点 C を通る底面に平行な平面で切り取ります。

切り取った立体のうち、体積の小さい方と大きい方の体積の比を、最も簡単な整数の比で表しなさい。

問3 Q の側面積 = 全体の側面積 - P の側面積

$$= 5 \times 3 \times \pi - \frac{5}{3}\pi = \frac{10}{3}\pi \text{ cm}^2$$

$$\text{上の円} = \pi \text{ cm}^2,$$

$$\text{下の円} = 9\pi \text{ cm}^2$$

$$\therefore \text{側面積は } \frac{10}{3}\pi + \pi + 9\pi = \frac{70}{3}\pi \text{ cm}^2$$

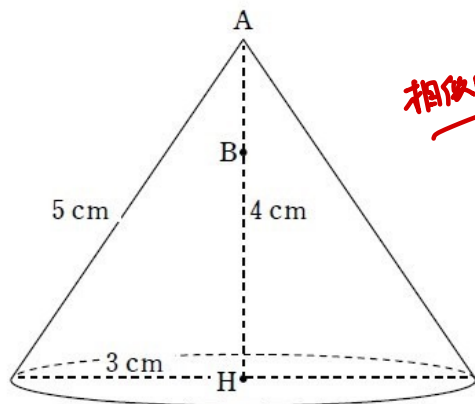


図 1

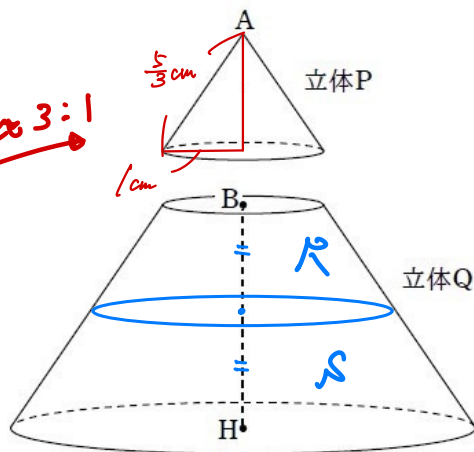


図 2

問4: 切った出来た立体を上から R, S としたとき

P の $(P+R) \sim (P+R+S)$ で 相似比 1:2:3 あり

体積比 1 : 8 : 27

差を取って $R:S = 7:19$

2025.11.07(金) こたえ

- ④ 1 辺の長さが 24 の正方形 ABCD がある。辺 AB 上に点 E を $BE=9$ となるようにとり、
 辺 CD 上に点 F をとり。下図の様に線分 EF でこの正方形を折ると、頂点 A は辺 BC の
 中点 G に移り、頂点 D は図の点 H に移った。辺 GH が辺 CD と交わる点を I とするとき、
 次の に適する数を答えよ。

直角 E は 2 つ相似
 $\triangle EBG \sim \triangle GCI \sim \triangle EHI$ である

E の 3 辺の比は 3:4:5 となる。

- (1) $GI =$ ア イ である。

$$GI = GC \times \frac{5}{3} \text{ かつ } GI = 20$$

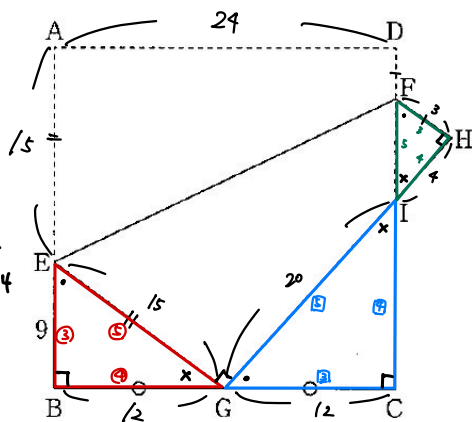
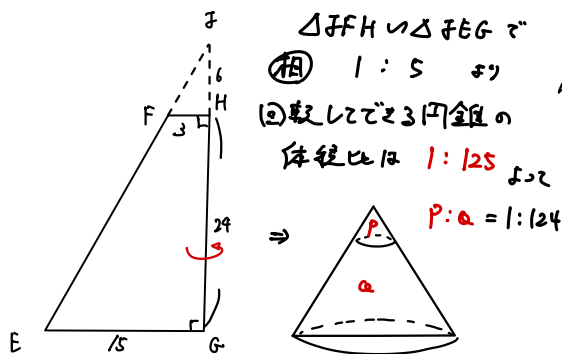
- (2) $DF =$ ウ である。

$$GH = 24 \text{ かつ } IH = 4.$$

$$\text{3 辺の比 E 見て } FH = IH \times \frac{3}{4} = 3 \quad \text{ここは DF に等しい ので } DF = 3$$

- (3) 四角形 EGHF について、この四角形を HG を軸に 1 回転させてできる立体の体積は、

エ オ カ キ π である。



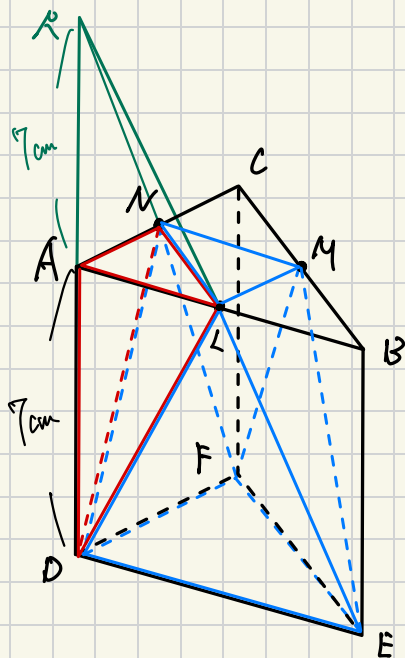
$$FH:FG = 1:5 \text{ かつ } FH:HG = 1:4 \text{ かつ}$$

$$FH = 6 \text{ だと } P = 9\pi \times 6 \div 3 = 18\pi$$

$$\text{求める体積 } Q \text{ は } 18\pi \times \frac{124}{1} = \underline{2132\pi}$$

出典:2021 日本大学明誠

- (1) ($\triangle ALN$ の面積) : ($\triangle DEF$ の面積) を最も簡単な整数の比で表しなさい。
- (2) 三角錐D-ALN の体積を求めなさい。
- (3) 立体LMN-DEF の体積を求めなさい。
- (4) 立体ALN-DEF の体積を求めなさい。
- (5) 辺 AD 上に点Qを取り、三角錐Q-ALMと三角錐Q-DEFを作る。
2つの三角錐の体積が等しくなるときのAQの長さを求めなさい。



(1) $\triangle ALN \sim \triangle DEF$ (相似) $1:2$ より $\rightarrow 1:4$

(2) (1) より $\triangle ALN = 3\text{cm}^2$, 高さ 7cm より
 $3 \times 7 \times \frac{1}{3} = 7\text{cm}^3$

(3) もとの三角柱 ABC-DEF へ
 $D-ALN, E-BML, F-CNM$ を引く。

それぞれ底面 3cm^2 , 高さ 7cm より 体積は 7cm^3

$(ABC-DEF) = 12 \times 7 = 84\text{cm}^3$ より

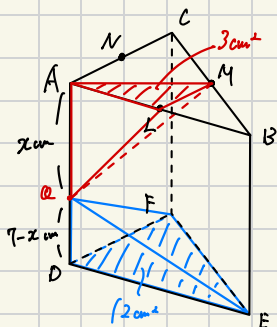
$84 - 7 \times 3 = 63\text{cm}^3$

(4) 三角錐 R-ALN をとる

$(R-ALN) \sim (R-DEF)$ (相似) $1:2$ より

(解) $1:8$ より $(R-ALN) : (ALN-DEF) = 1:7$ となる

$SA = 7\text{cm}$ より $(R-ALN) = 3 \times 7 \times \frac{1}{3} = 7\text{cm}^3$ $\xrightarrow{\times 7}$ 49cm^3



(5) $AQ = x\text{cm}$ とし, $QD = 7 - x\text{cm}$

$Q-ALM = 3 \times x \times \frac{1}{3} = x\text{cm}^3$

$Q-DEF = 12 \times (7-x) \times \frac{1}{3} = 28 - 4x\text{cm}^3$ とし

$x = 28 - 4x \Rightarrow x = \frac{28}{5}$ より $AQ = \frac{28}{5}\text{cm}$

2025.11.09(日) こたえ

下の図のような底面の直径が8 cm の円錐の形をした空の容器に、一定の割合で水を入れていくと、
水面の高さが4 cm になるのに5秒かった。 ← 4cmのときの体積に
 次の各問に答えよ。ただし、円周率は π とする。 至るまでが5秒。

(1) この容器の容積を求めよ。

$$\frac{1}{6}\pi \times 15^3 = \underline{20\pi \text{ cm}^3}$$

(2) 水面の高さが12 cm になるのは、空の容器に水を入れ始めてから何秒後か。

最初の水の状態をPとし

水面の高さ12cmのときをQと置く。

出典:2021 京華

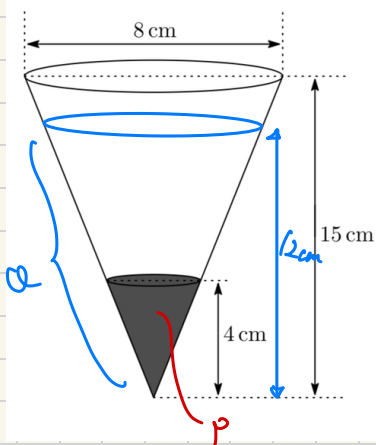


P の Q で、相似比 1:3

⇒ 体積比は 1:27 秒

P を入れたときの5秒の 27倍の時間で

Q となる。 ため $5 \times 27 = \underline{135 \text{ 秒}}$

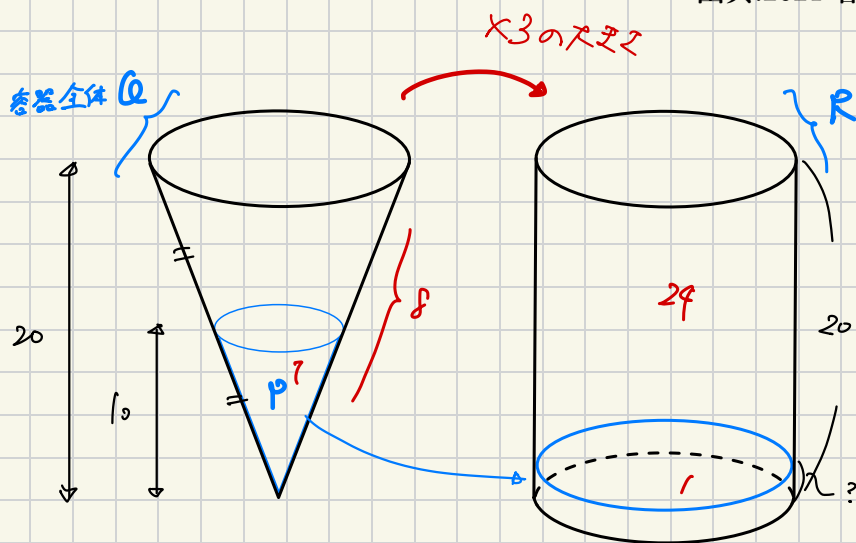


2025.11.10(月)

底面が合同な円で、高さが20の円すいと円柱の容器があります。

図のように、この円すいの容器に入っている深さ10の水を円柱の容器に入れると、その深さは？

出典:2021 春日部共栄 第2回



各容器の水を P, Q, R とし P と Q で相対比 $1:2$

よって P と Q の体積比は $1:8$

また Q と R の体積比は $1:3$ より

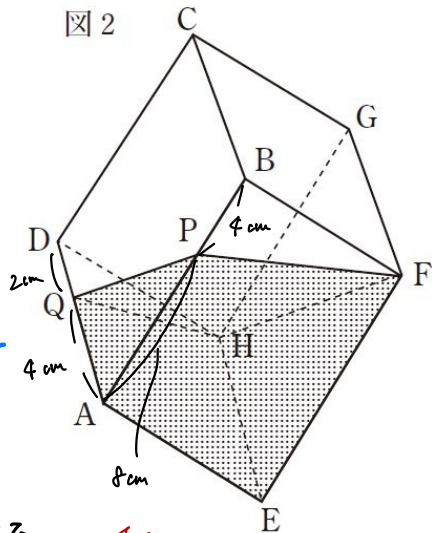
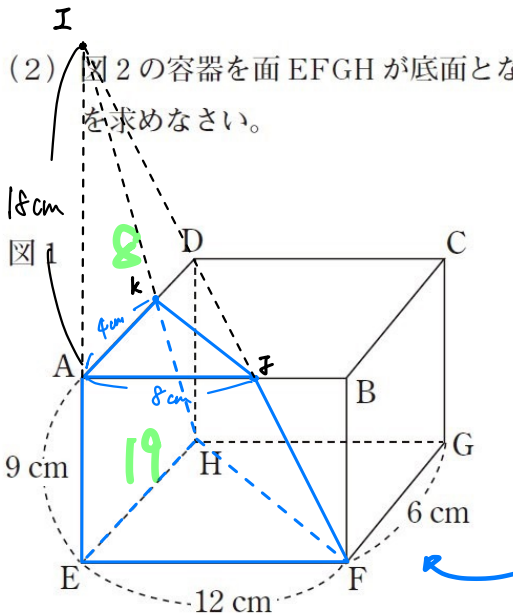
$P:Q:R = 1:8:24$ である。よって R に水 P を入れたとき

水面の高さは、円柱の $\frac{1}{24}$ である。 $\rightarrow 20 \times \frac{1}{24} = \frac{5}{6}$

- 7 直方体の容器 ABCD-EFGH (図1) に途中まで水を入れ、ふたをした後、図2のように傾けると水面が四角形 FPQH になりました。点 P は辺 AB の3等分点のうち B に近い方、点 Q は辺 AD の3等分点のうち D に近い方です。次の問いに答えなさい。

(1) 容器に入っている水の量を求めなさい。

(2) 図2の容器を面 EFGH が底面となるように置いたときの水面の高さを求めなさい。



(1) 水の形は三角錐台である。

$\triangle AEF$ の $\triangle AEF$ (和 2:3) より

$IA:AE = 2:1 \Rightarrow IA = 18\text{cm}$ また、体積比

$(I-AEK):(I-EFH) = 2^3:3^3 = 8:27$ より

$(I-AEK): \text{水} = 8:19$ より 水の体積は

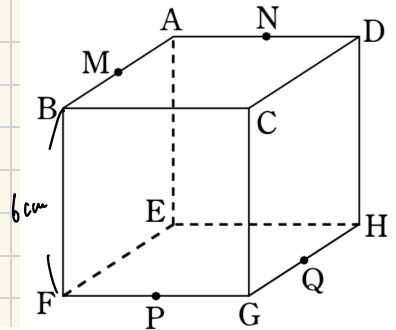
$$\left(\frac{1}{6} \text{cm}^2 \times 18\text{cm} \times \frac{1}{3} \right) \times \frac{19}{8} = 228 \text{cm}^3$$

I-AEKの体積

(2) 容器の底面は 72cm^2 より、 $228 \div 72 = \frac{19}{6} \text{cm}$

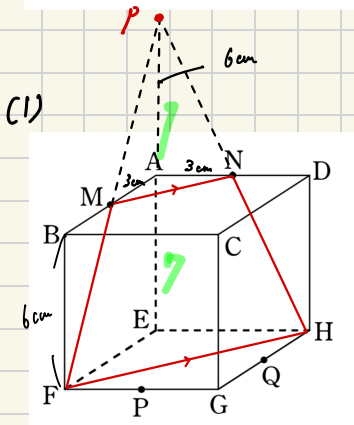
2025.11.12(k) 答え

V. 右の図の立方体 ABCD-EFGH は 1 辺が 6 cm で、点 M, N, P, Q はそれぞれ辺 AB, DA, FG, GH の中点である。このとき、次の各問に答えなさい。



- ① この立体を、3 点 M, N, F を通る平面で切ることができる立体のうち、小さい方の立体の体積を求めなさい。
- ② この立体を、3 点 A, P, Q を通る平面で切ることができる立体のうち、点 E をふくむ方の立体の体積を求めなさい。

出典:2021 共立女子第二 第1回



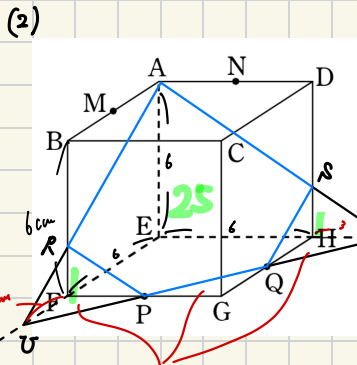
切り口は左図のような **台形** となる。

小さい方の立体は **錐台** → **延長して三角錐** E>>3

(P-AMN) の (P-EFH) で **相** 1:2 → **④** 1:8 より

(P-AMN) : (AMN-EFH) = **1:7** だから

(AMN-EFH) = $(\frac{1}{2} \times 6 \times \frac{1}{3}) \times 7 = \underline{63 \text{ cm}^3}$



切り口は左図のような **五角形** となる。

小さい方の立体は (A-EUT) 又は (R-FOP), (S-HQT) 引いたもの。

(A-EUT) の (R-FOP) の (S-HQT) で **相** 3:1:1

→ **④** 27:1:1 より 各部分の体積比は **25:1:1**

よって求める立体の体積は

$(\frac{81}{2} \times 6 \times \frac{1}{3}) \times \frac{25}{27} = \underline{75 \text{ cm}^3}$

(A-EUT)

$\triangle FOP, \triangle GQA, \triangle HQT$
すべて直角二等辺三角形

2025. 11. 13 (木) 3 日

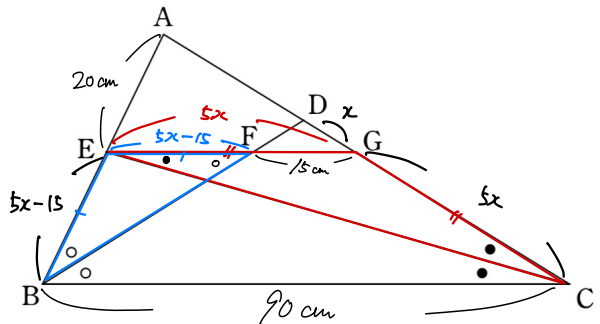
- 5 図のように、 $\triangle ABC$ があり、 $AB < AC$ である。 $\angle ABC$ の2等分線と辺 AC との交点を D 、 $\angle ACB$ の2等分線と辺 AB との交点を E とする。また、点 E を通り辺 BC に平行な直線を引き、線分 BD 、辺 AC との交点をそれぞれ F 、 G とする。 $DG : GC = 1 : 5$ であり、線分 CG の長さは線分 BE の長さよりも 15 cm 長い。 $DG = x \text{ cm}$ とすると、次の問いに答えなさい。

- (1) 線分 BE 、 EG の長さをそれぞれ x を用いて表しなさい。

$$CG = 5x \text{ かつ } BE = 5x - 15 \text{ cm}$$

また $\triangle EGC$ は二等辺三角形 かつ

$$EG = CG = 5x \text{ cm}$$



- (2) 線分 FG 、 BC の長さをそれぞれ求めなさい。

$$\triangle EBG \text{ も二等辺三角形 かつ } EF = EB = 5x - 15 \text{ cm}$$

$$\text{かつ } FG = 5x - (5x - 15) = 15 \text{ cm}$$

$$FG : BC = 1 : 6 \text{ かつ } BC = 90 \text{ cm}$$

- (3) $AE = 20 \text{ cm}$ のとき、 x の値を求めなさい。

$$\triangle AEG \sim \triangle ABC \text{ かつ } AE : AB = EG : BC$$

$$\text{かつ } 20 : (5x + 5) = 5x : 90$$

$$4 : (x + 1) = x : 18$$

$$\begin{aligned} x^2 + x - 72 &= 0 \\ (x + 9)(x - 8) &= 0 \\ x &= 8 \end{aligned}$$

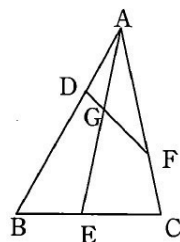
出典: 2021 就実 ハイグレード

2025. 11. 14 (金) こたえ

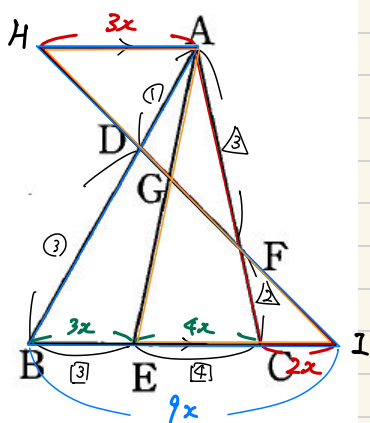
(9) 右の図のように、面積が S である $\triangle ABC$ において、

辺 AB , BC , CA 上にそれぞれ $AD : DB = 1 : 3$, $BE : EC = 3 : 4$, $CF : FA = 2 : 3$ となる点 D , E , F をとる。

AE と DF の交点を G とするとき、 $\triangle AGF$ の面積を S を用いて表せ。



出典: 2021 弘学館



線分を延長して、左図のように I , H とする。

$\triangle AHF \sim \triangle CIF$ より $AH : CI = 3 : 2$

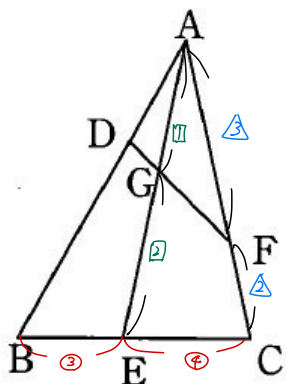
より $AH = 3x$, $CI = 2x$ とおける。一方

$\triangle AHD \sim \triangle BDI$ より $AH : BI = 1 : 3$

より $AH = 3x$ より $BI = 9x$ とわかる。

\Rightarrow より $BE = 3x$, $EC = 4x$ とわかる。

$\triangle AGH \sim \triangle BGI$ より $AG : BG = 1 : 2$



$\triangle ABC = S$ として

$\triangle AEC = \frac{4}{7}S$ とわかる。また

$\triangle AGF = \triangle AEC \times \frac{AG}{AE} \times \frac{AF}{AC}$

$= \frac{4}{7}S \times \frac{1}{3} \times \frac{3}{5}$

$= \frac{4}{35}S$

3 図のように, $AB=8$ cm, $BC=6$ cm, $AC=10$ cm, $AD=8$ cm,

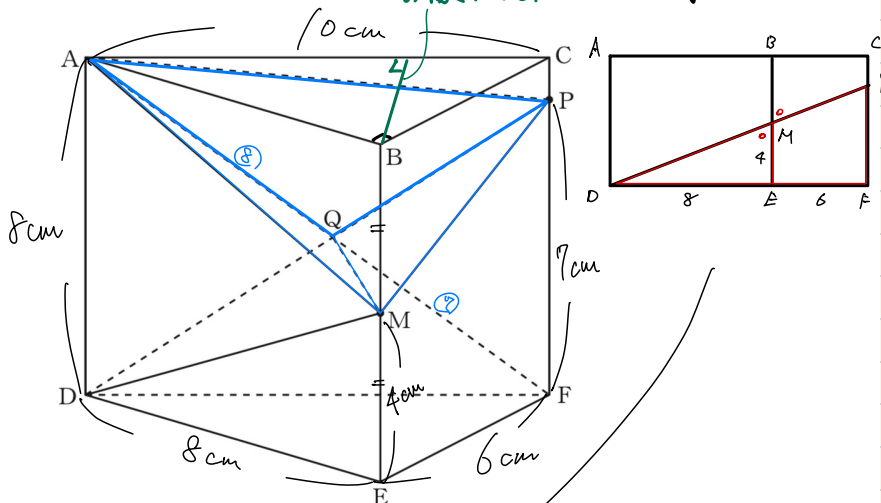
$\angle ABC = \angle ABE = \angle CBE = 90^\circ$ の三角柱 $ABC - DEF$ がある。辺 BE の中点を M と

し、辺 CF 上に $\angle DME = \angle BMP$ となる点 P をとる。また、線分 AF と線分 DP の交点を Q とする。

このとき、次の問いに答えなさい。

コレが四面体AMPの
の高さになる.

↓ 二んが 既v



(1) 線分 FP の長さを求めなさい。

右上の展開図において

$$\triangle M E C \sim \triangle D P F \quad (\text{AD } 4:7) \quad \therefore PF = 4 \text{ cm} \times \frac{7}{4} = 7 \text{ cm}$$

(2) $\triangle APQ$ の面積を求めなさい。

④ $\triangle OFC$ で考えよ. $\triangle AOE \sim \triangle FOC$ より $AO:FO = 8:7$

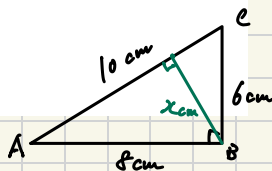
$$\Delta A_{FP} = 7 \times 10 \div 2 = 35 \text{ cm}^2 \Rightarrow \Delta A_{PQ} = \Delta A_{FP} \times \frac{8}{25} = 35 \times \frac{8}{25} = \frac{56}{5} \text{ cm}^2$$

(3) 四面体 AMPQ の体積を求めなさい。

$\triangle APQ$ が底面, B が AC の中点が高エになる.

右図におい $\triangle ABC = 24 \text{ cm}^2$ かつ、 $10 \times x \times \frac{1}{2} = 24$ となる

$$f_{\text{2}} (\text{四面体 AMPC}) = \frac{56}{3} \times \frac{24}{5} \times \frac{1}{3} = \frac{992}{15} \text{ cm}^3$$





これはテストに出る！

