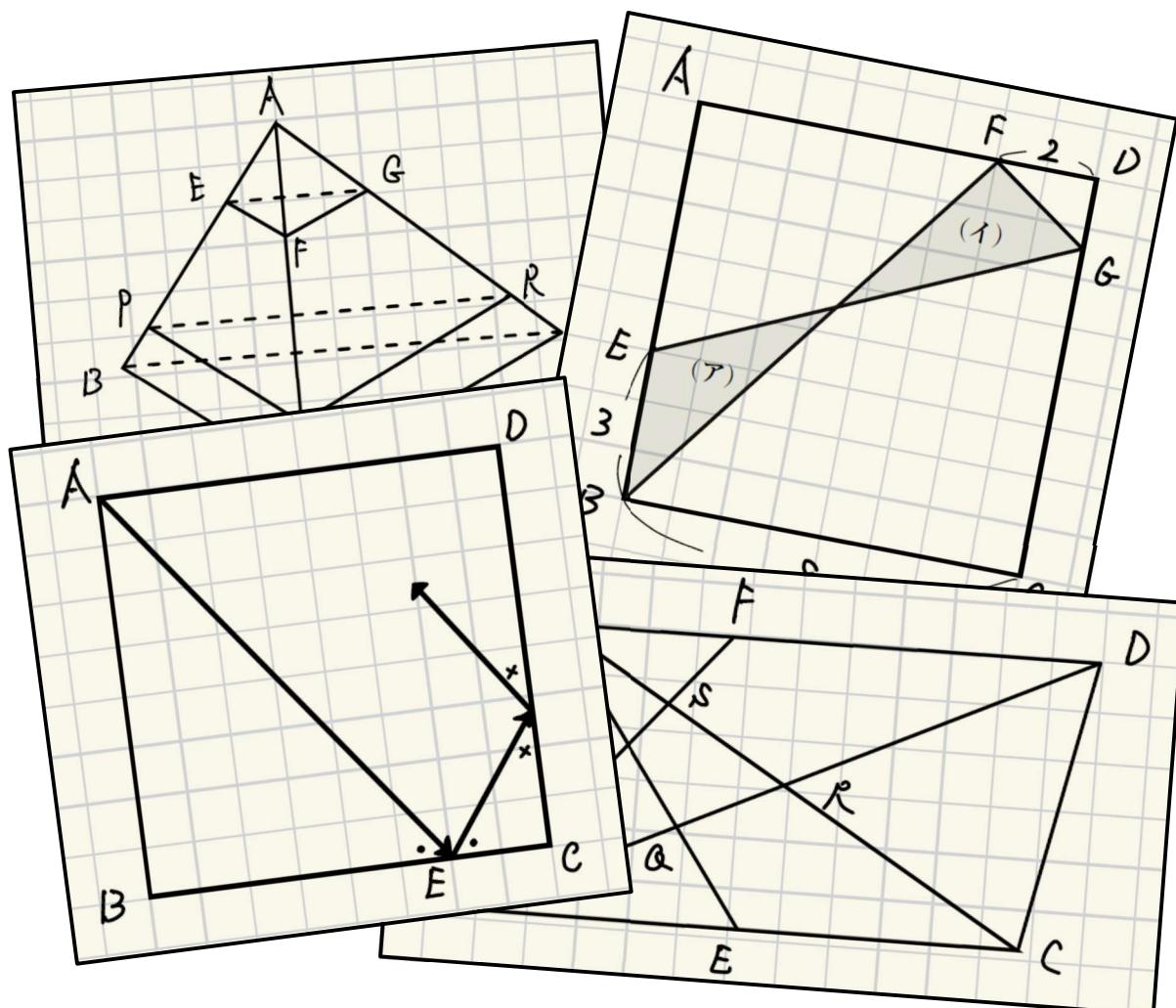


# EIMEI グループ受験対策テキスト

## 入試レベルの相似な図形

### こたえ冊子



校舎( )名前( )

※問題冊子のテキストに挟んでおきましょう

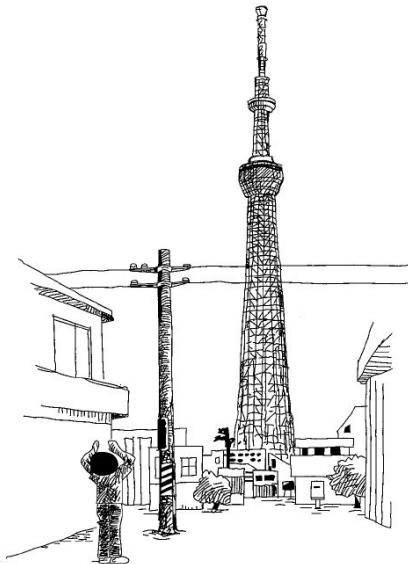


2025.10.15 (土) たえ

(10) Sさんは、近くに完成した高さ634mの新タワーまでの距離を、高さ12.5mの電柱を目印にして求めようと考えました。Sさんは、電柱の先端と新タワーの先端が一致して見える位置に立ち、その位置から電柱までの距離を測ったら、ちょうど10mでした。

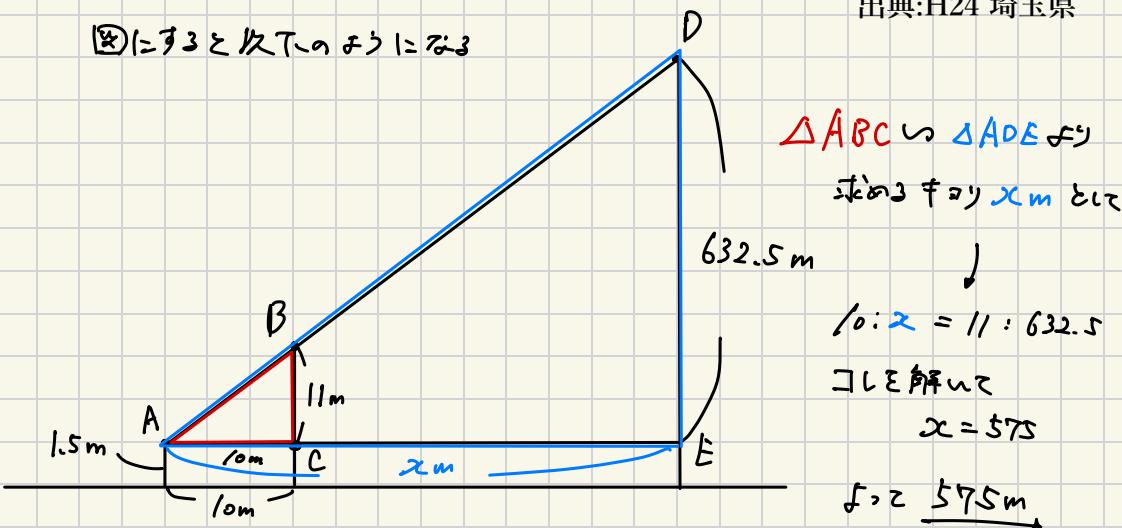
このとき、Sさんが立っている位置から新タワーまでの距離は何mかを求めなさい。

ただし、Sさんの目の高さを1.5mとします。また、Sさん、電柱、新タワーは、同じ平面上に垂直にたっており、それぞれの幅や厚みは考えないものとします。(5点)



出典:H24 埼玉県

図にすこし以下のように記入



2025.10.(6)(A) 考え方

(6) 図の△ABC で、線分 MH の長さを求めよ。

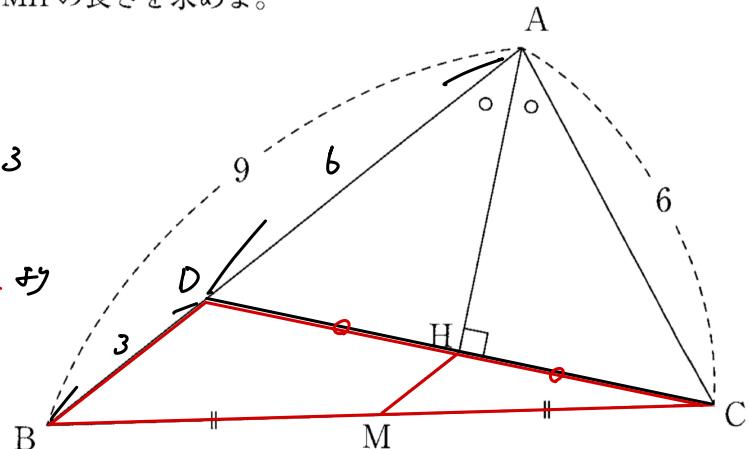
$\triangle AOH \cong \triangle ACH$  より

$$AO = 6 \rightarrow BD = 3$$

$$\therefore DH = CH$$

$\triangle COB \cong$  中点連続定理 より

$$MH = \frac{3}{2}$$



出典:2017 桐光学園 第1回

おまけ

(6) 図の△ABC で、線分 MH の長さを求めよ。

$AH$  を延長して  $AI$  とする

$\triangle IHM \sim \triangle IAB$  より

$$IB : IM = \frac{3}{2} : 9 = 1 : 6$$

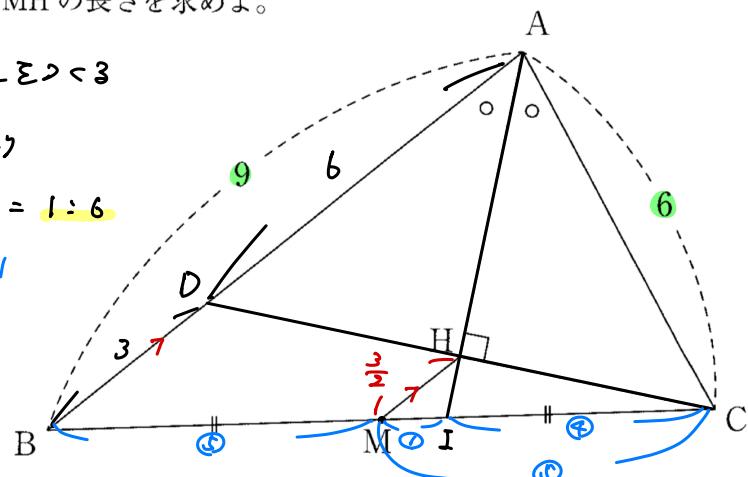
$$\text{すなはち } BM : MI = 5 : 1$$

$$\text{したがて } BM = CM \text{ となる}$$

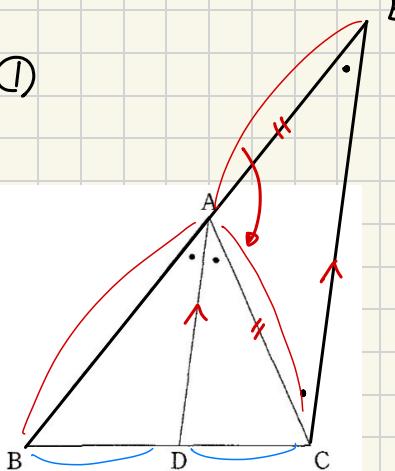
$$BL : IC = 6 : 4$$

$$= 3 : 2$$

$AB : AC$  となるより 「角の二等分線定理」 が成立する!!



①



点Cを通り、ADに平行な直線と  
BAの延長との交点をEとする。

$$\begin{aligned} AD \parallel EC \text{ と } \angle BAD &= \angle AEC \text{ (同位角)} \\ \angle CAD &= \angle ACE \text{ (錯角)} \end{aligned}$$

反対に  $\angle BAO = \angle CAO$

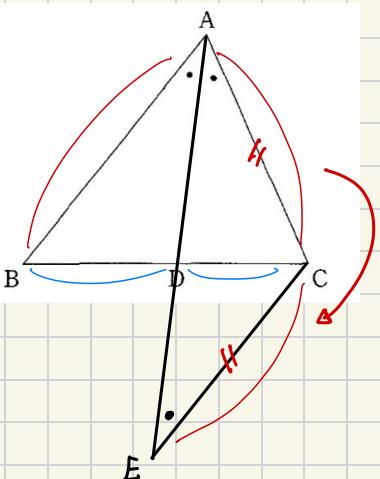
よって  $\angle AEC = \angle ACE$  と

$\triangle ACE$  は  $AC = AE$  の二等辺三角形

$$\begin{aligned} AD \parallel EC \text{ と } AB : AE &= BD : EC \\ \text{よって } AB : AC &= BD : DC \end{aligned}$$

//

②



②  $AD$  を延長して  $AB \parallel CE$  となる  
Eとすると。

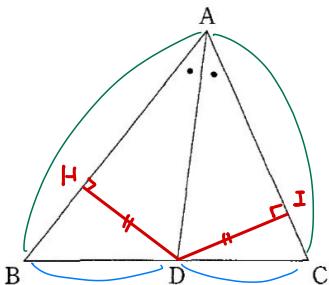
$\triangle AEC$  は二等辺三角形。



$$AB : AC = AB : CE = BD : DC$$

でOK

③



③  $D$  が  $AB, AC$  への垂線  $OH, OI$  となる。

このとき  $\triangle ADH \cong \triangle ACI$  (斜辺と1の錯角)

より  $OH = OI$  より  $\frac{1}{2}OH = \frac{1}{2}OI$

$$\triangle ABD : \triangle ACI = AD : AC \quad \text{一方で}$$

$$\triangle ABD : \triangle ACI = BD : DC \quad \text{で等しいで}$$

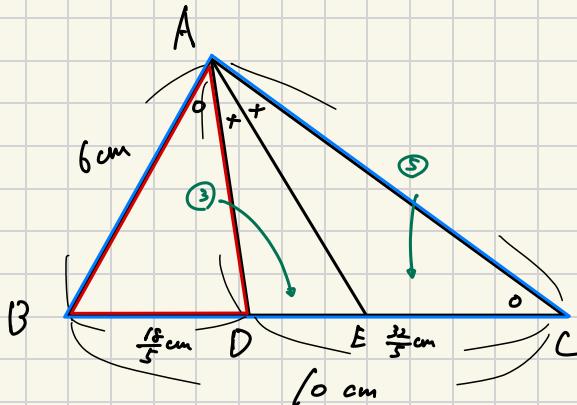
$$AB : AC = BD : DC$$

,

2025. 10. 18(土) 週刊

次の図において、 $AB=6\text{cm}$ 、 $BC=10\text{cm}$ 、 $\angle BAD = \angle ACB$ 、 $\angle DAE = \angle EAC$ であるとき、 $DE$ の長さを求めなさい。

出典:2021 立命館 後期



$\Delta BAO \sim \Delta BCA \rightarrow$  相似比  $3:5$

$$\frac{6}{BA} : \frac{10}{BC} = \frac{BO}{BA} : \frac{6}{DA}$$

$$BO = \frac{18}{5} \text{ cm}$$

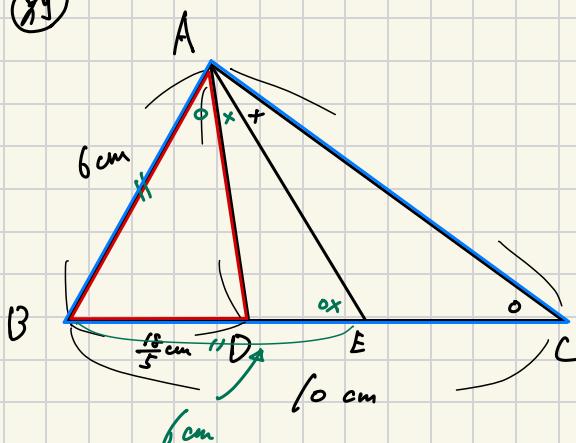
$$\therefore DC = 10 - \frac{18}{5} = \frac{32}{5} \text{ cm}$$

$$\therefore DA : AC = 3 : 5 \quad \text{∴}$$

応用二等分線定理  $\rightarrow DE : EC = 3 : 5$

$$\therefore DE = \frac{32}{5} \text{ cm} \times \frac{3}{8} = \frac{12}{5} \text{ cm}$$

(84)



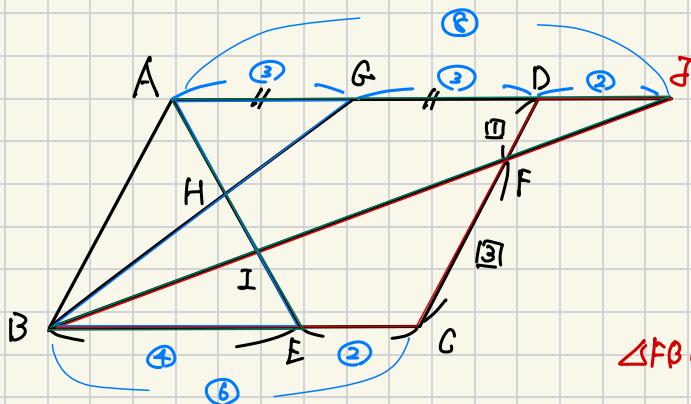
$\angle AEB = \angle AEC$  (外角)  $\rightarrow$

$\triangle BAE \sim \triangle CAE$

$$\therefore DE = 6 - \frac{18}{5} = \frac{12}{5} \text{ cm}$$

2025.10.19(日) こたえ

下の図のように平行四辺形ABCDにおいて、 $BE : EC = 2 : 1$ 、 $CF : FD = 3 : 1$ 、  
GはADの中点である。AEがBG、BFと交わる点をそれぞれH、Iとするとき、  
 $AE : HI$ を最も簡単な整数の比で表しなさい。



出典:2020 法政大第二

$AD \in BF$  の交点を  $\odot$  とする。

$$BG : GC = 2 : 1 \quad \text{①}$$

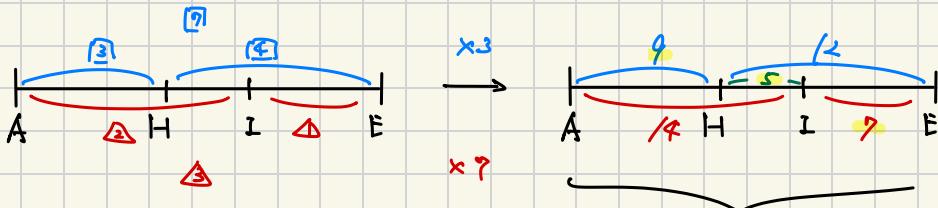
$$BE = \textcircled{1}, CE = \textcircled{2} \text{ とする} \quad \text{②}$$

$$AG = GE = \textcircled{3} \quad \text{③}$$

$$\triangle FBC \sim \triangle FGD \quad \text{④} \quad FD = \textcircled{2} \text{ とする} \\ (3:1)$$

$$\triangle AHG \sim \triangle EHB \quad \text{⑤} \quad AH : HE = 3 : 7$$

$$\triangle AIE \sim \triangle EIB \quad \text{⑥} \quad AI : IE = \textcircled{8} : \textcircled{4} = 2 : 1$$



$$AH : HI : IE = 9 : 5 : 7 \quad \text{とする}.$$

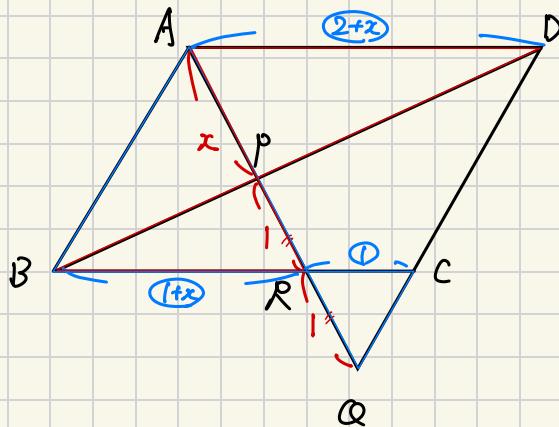
$$\therefore AE : HI = \underline{\underline{21 : 5}}$$

2025. (6. 20 (月))

図のように、平行四辺形ABCDの対線BD上に点Pをとり、直線APと辺BCとの交点をR、直線APと辺DCの延長線との交点をQとします。PR=QRのとき  
 $(AP\text{の長さ}) = (QR\text{の長さ}) \times x$  を満たすxの値を求めなさい。

$QR = 1$  として、 $AP = x$  となる。

出典: 2021 中央大杉並



$\triangle ABR \sim \triangle QCR$

$BR : RC = (1+x) : 1$

$AD = (2+x)$

$\triangle APO \sim \triangle RPB$

$x : 1 = (2+x) : (1+x)$

$x(1+x) = 2+x$

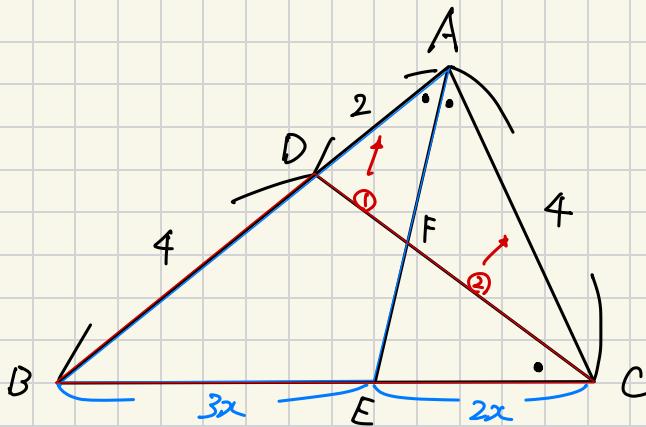
$x^2 = 2$   $x > 0$  より

$x = \sqrt{2}$

2025. (o. 2) (x) こたえ

下の図のように、辺AB上に点D、辺BC上に点Eをとり、AEとCDの交点をFとする。AC=BD=4、 $\angle BAE = \angle EAC = \angle DCB$ 、CF : FD = 2:1であるとき、BEの長さを求めよ。

出典:2024 城北 一般



$\triangle ADC \sim$  ～に△分位線 ～

$AD = 2$  とおこう。 また、

$\triangle ABC \sim$  同様に

$\hookrightarrow BE : EC = 3 : 2$  とおこう。

$\therefore BE = 3x$ ,  $EC = 2x$

とおこう。

$$\triangle BDC \sim \triangle BEA \Rightarrow 4 : 3x = 5x : 6$$

$$15x^2 = 24$$

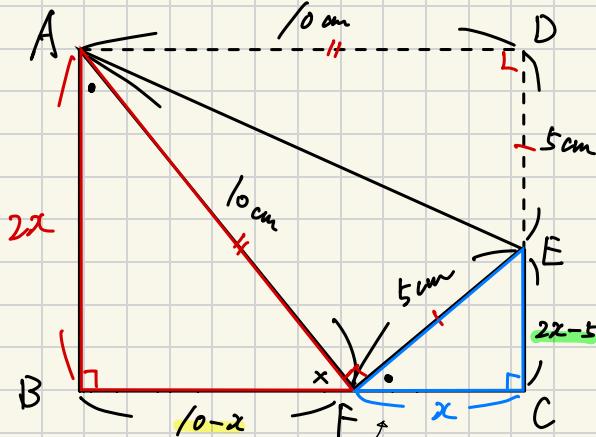
$$x^2 = \frac{8}{5} \quad (x > 0) \quad \times 3$$

$$x = \frac{2\sqrt{10}}{5} \text{ とおこう}, \quad BE = \underline{\underline{\frac{6\sqrt{10}}{5}}}$$

2025. 10. 22 (木) ごたん

右の図のように、長方形ABCDを、頂点Dが辺BC上の点Fと重なるようにAEを折り目として折りました。AD=10cm、DE=5cmのとき、辺ABの長さを求めなさい。

出典:2025 城北埼玉II



$$\left( \begin{array}{l} \text{△ABF の外角に注目すると} \\ \angle BAC + 90^\circ = 90^\circ + \angle EFC \\ \angle BAC = \angle EFC \text{ となる} \end{array} \right)$$

$$(10-x):(2x-5) = 2:1$$

$$4x - 10 = 10 - x$$

$$5x = 20$$

$$x = 4$$

$$\overbrace{AB = 8 \text{ cm}}$$

折り目で  $AF = 10 \text{ cm}$ ,  $FE = 5 \text{ cm}$

$\triangle ABF \sim \triangle FCE$  (相似比 2:1)

∴  $AB = 2x$  とすると  $FC = x$  と

$$BF = 10-x \text{ cm}$$

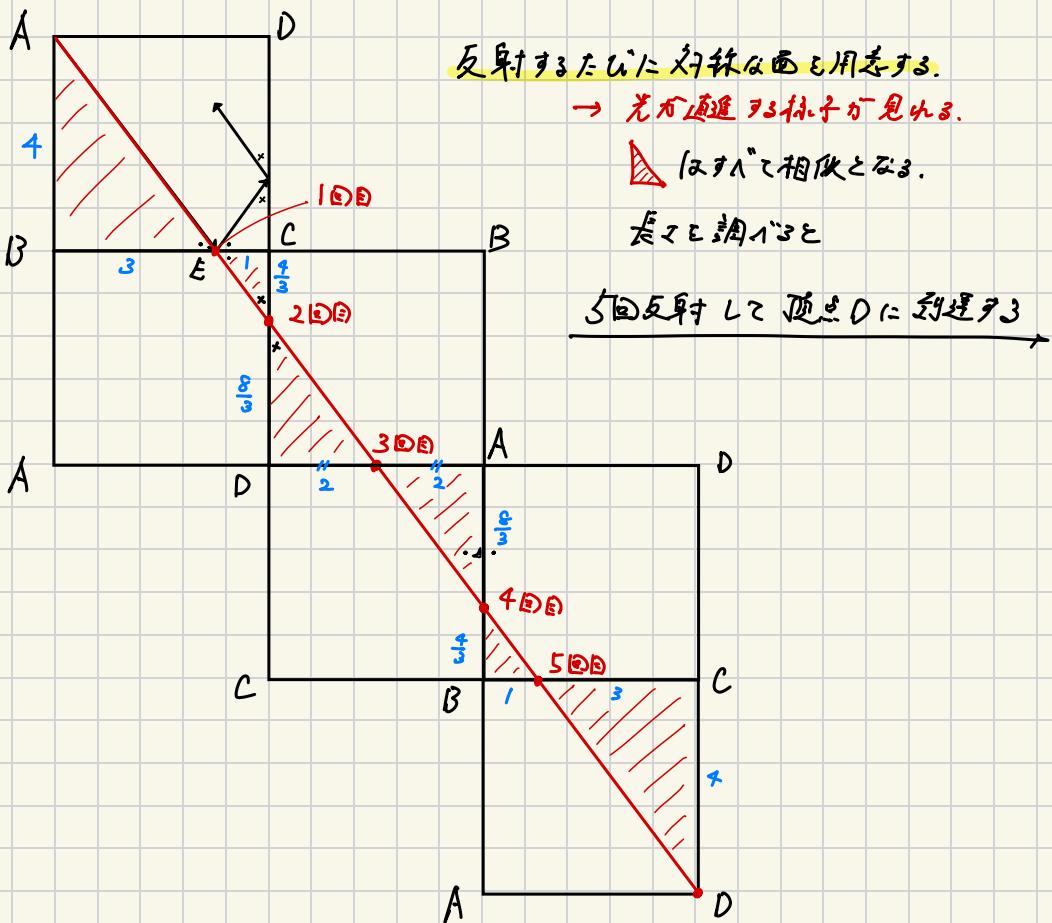
$$CE = 2x-5 \text{ cm} \text{ となる}.$$

∴  $AB : CE = 2 : 1$  となる。

2025.10.23(木)こだえ

内側が反射板になっている1辺の長さが4である正方形ABCDがあり、辺BC上に点EをBE=3となるようにとる。下の図のように点Aから点Eに向かって光を放つとき、光は直進して各辺では等角に反射するが、いずれかの頂点に到達すると光は反射しないものとする。このとき、光が反射した回数と、到達した頂点をそれぞれ答えなさい。

出典:2021 京都女子

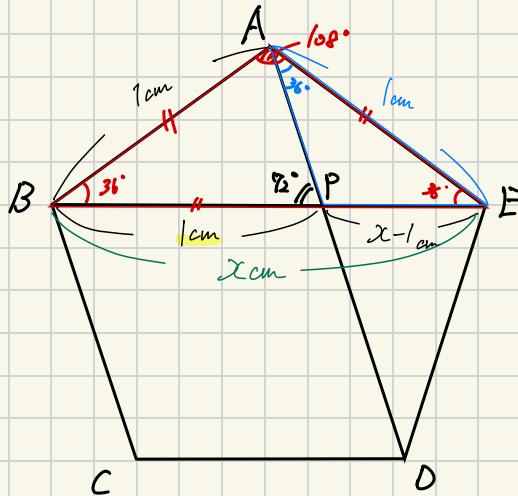


2025. 10. 24 (金) ごたえ

下の図のように、1辺が1cmの正五角形ABCDEがある。対角線BEと対角線ADとの交点をPとするとき、

- $\angle APB$  の大きさを求めよ。
- 線分BEの長さを求めよ。

出典:2025 奈良学園



正五角形の1つの内角  $108^\circ$   
 $\rightarrow \triangle ABE$  は 等辺三角形 で  
 $\angle AEB = 36^\circ$  同様に  
 $\angle EAD = 36^\circ$  より

$$\begin{aligned} \text{(i)} \quad & \angle APB = 108^\circ \quad (\text{外角の性質}) \\ & \angle BAP = 36^\circ \text{ で } \triangle BAP \text{ は 等辺三角形} \\ & \rightarrow AB = PB = 1 \text{ cm} \end{aligned}$$

$$BE = x \text{ cm} \text{ で } \triangle ABE \sim \triangle PAE \text{ で}$$

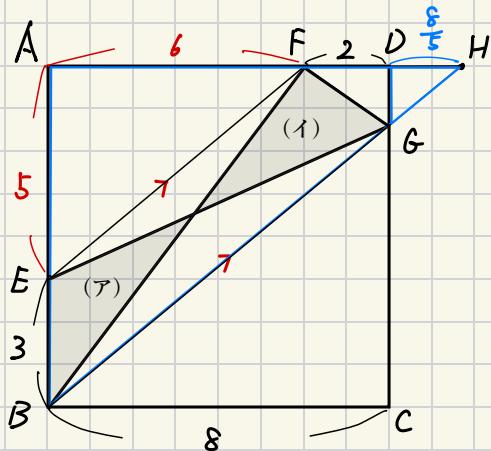
$$\therefore (x-1) = x : 1$$

$$\text{△E 解くと } x = \frac{1+\sqrt{5}}{2} \quad (x > 0 \text{ で})$$

$$BE = \frac{1+\sqrt{5}}{2} \text{ cm}$$

2025.10.25(土) 2次

下の図のように、1辺の長さが8の正方形ABCDがある。BE=3、DF=2で、図の  
(ア)と(イ)の部分の面積が等しいとき、DGの長さを求めるよ。



出典:2018 城北

$\triangle BEG \cong \triangle FBG$  より  $EF \parallel BG$  となる。

$$\rightarrow AE : EB = AF : FH \quad (\text{S.S.S.}) \text{ より}$$

$$FH = \frac{14}{5} \text{ である} \therefore DH = \frac{8}{5} \text{ cm}$$

$$\rightarrow AH = \frac{46}{5} \text{ cm}$$

$\triangle HDG \sim \triangle HAB$  より

$$\frac{8}{5} : \frac{14}{5} = DG : 8 \quad \text{よる}$$

$$\underline{\underline{DG = \frac{4}{5} \text{ cm}}}$$

4

右の図のような1辺が5cmの正方形ABCDがある。

点Eは辺AB上の点で、 $AE:EB = 2:3$ である。

点Eを通り辺ADと平行な直線と辺CDの交点をF,

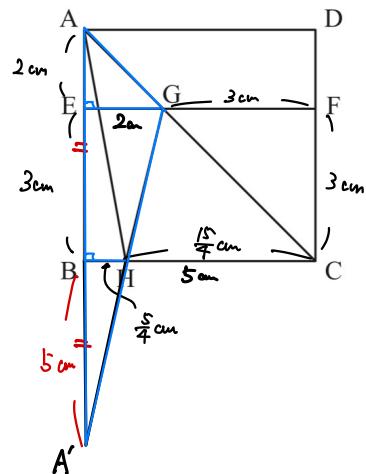
線分EFと対角線ACの交点をGとする。

また、点Hは辺BC上にあり、2つの線分

AHとHGの長さの和が最小となる点である。

このとき、次の問題に答えよ。  
 AとBCについて  
 矢印などA'Eとしたところ

A'DとBCの交点がH



- 1  $\triangle AEG$  と  $\triangle CFG$  の面積の比は 

ア
イ

 である。

ただし、最も簡単な整数の比で答えよ。

$\triangle AEG \sim \triangle CFG$  で相似比  $2:3$  す

$$\text{面積比は } 2^2 : 3^2 = \underline{\underline{4:9}}$$

- 2 四角形EBCGの面積は 

ウ
エ

 $\frac{2}{2}$  cm<sup>2</sup> である。

$$EG = 2\text{cm} \quad (2+5) \times 3 \times \frac{1}{2} = \frac{21}{2} \text{ cm}^2$$

- 3  $\triangle AHG$  の面積は  $\triangle CFG$  の面積の 

オ
カ

 倍である。

$$\triangle CFG = 3 \times 3 \div 2 = \frac{9}{2} \text{ cm}^2$$

$$\triangle AHG \sim \triangle AGE (5:8) \text{ す} \therefore BH = \frac{5}{4} \text{ cm}$$

$$\begin{aligned} \triangle AHG &= \triangle AA'G - \triangle AA'H = 10 \times 2 \times \frac{1}{2} - 10 \times \frac{5}{4} \times \frac{1}{2} \\ &= 10 - \frac{25}{4} = \frac{15}{4} \text{ cm}^2 \end{aligned}$$

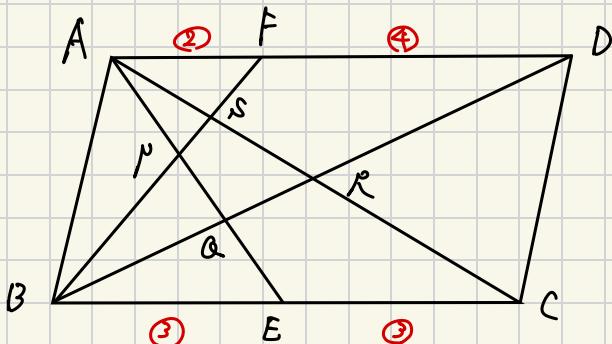
$$\text{以上} \quad \frac{15}{4} \div \frac{9}{2} = \frac{5}{6}$$

2025.10.27(月) たえ

図のように、平行四辺形 ABCD がある。辺 BC の中点を E、辺 AD を 1:2 に分ける点を F とする。このとき、次の比を最も簡単な整数の比で求めなさい。

- (1) BP : BF
- (2)  $\triangle BFD$  と  $\triangle BPQ$  の面積比
- (3)  $\triangle BFD$  と四角形 PQRS の面積比

出典:H29 桜美林 第1回



$$AF:FD = ①:④ \text{ とすれば} "$$

$$BE = EC = ② \text{ とすれば},$$

$$(1) BP:PF = ③:② \rightarrow$$

$$BP:BF = ③:④ \rightarrow$$

$$(2) BQ:QD = ⑥:⑦ \rightarrow$$

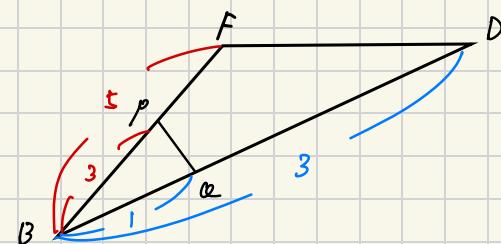
$$BQ:BD = ⑥:⑩ \rightarrow$$

$$\triangle BDF = S \in \triangle$$

$$\triangle BPQ = \triangle BDF \times \frac{BP}{BP} \times \frac{BQ}{BP} \text{ とすれば} "$$

$$\begin{aligned} \triangle BPQ &= S \times \frac{3}{5} \times \frac{1}{3} \\ &= \frac{1}{5}S \end{aligned}$$

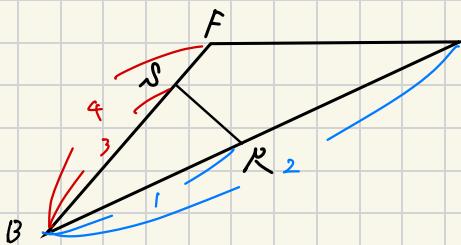
$$\triangle PPQ : \triangle BDF = \frac{1}{5}S : S = 1:5 \rightarrow$$



$$(3) BS:SF = 3:4, BR:BD = 1:2 \rightarrow$$

$$\triangle BSR = \triangle BFD \times \frac{BS}{BF} \times \frac{BR}{BD} \text{ とすれば} "$$

$$\begin{aligned} \triangle BSR &= S \times \frac{3}{4} \times \frac{1}{2} \\ &= \frac{3}{8}S \end{aligned}$$



$$\text{四角形 } PQRS = \triangle BSR - \triangle BPQ \rightarrow \text{四角形 } PQRS = \frac{3}{8}S - \frac{1}{5}S = \frac{7}{40}S$$

$$\triangle BFD : \text{四角形 } PQRS = S : \frac{7}{40}S = 40:7 \rightarrow$$

2025.10.28(火) 二尺え

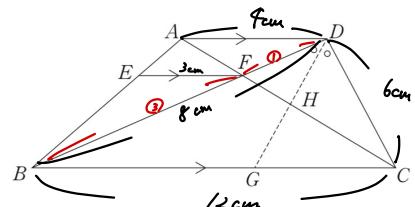
- 2 右の図のように、 $AD \parallel BC$  である台形  $ABCD$  がある。 $AC$  と  $DB$  の交点を  $F$  とし、辺  $AB$  上に  $AD \parallel EF$  となる点  $E$  をとる。
- また、 $\angle BDC$  の二等分線と辺  $BC$ 、 $AC$  との交点をそれぞれ  $G$ 、 $H$  とする。 $AD = 4\text{ cm}$ 、 $DC = 6\text{ cm}$ 、 $BC = 12\text{ cm}$ 、 $DB = 8\text{ cm}$  のとき、次の問い合わせに答えなさい。

(1)  $DF$  の長さを求めなさい。

(2)  $EF$  の長さを求めなさい。

(3)  $BG$  の長さを求めなさい。

(4)  $\triangle AFD$  の面積を  $S$  とするとき、四角形  $FBGH$  の面積を  $S$  を用いて表しなさい。



$$(1) BF : DF = 3 : 1 \quad \text{∴ } DF = 8\text{ cm} \times \frac{1}{4} = 2\text{ cm} \quad \text{出典:2021 大阪学院大学}$$

$$(2) \triangle BEF \sim \triangle BAO (\text{相似比 } 3:4) \quad \text{∴ } EF = 4\text{ cm} \times \frac{3}{4} = 3\text{ cm}$$

$$(3) \triangle DBG \text{ ～角の二等分線定理より } BG : OG = 4 : 1$$

$$\hookrightarrow \text{∴ } BG = 12\text{ cm} \times \frac{4}{5} = \frac{48}{5}\text{ cm}$$

$$(4) AF : CF = 1 : 3$$

$$\triangle AHD \sim \triangle CHG \quad \text{∴}$$

$$AH : CH = 4 : \frac{36}{7} = 7 : 9$$



$$\therefore AF : FH : HG = 1 : 3 : 9$$

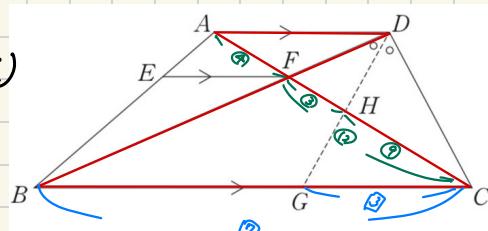
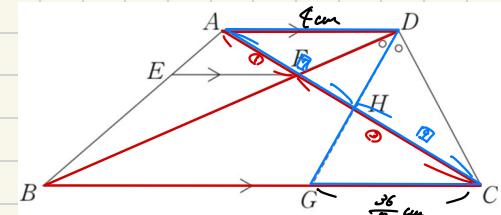
$$\triangle AFD : \triangle CFB = 1^2 : 3^2 = 1 : 9 \quad (\text{相似比 } 2)$$

$$\therefore \triangle CFB = 9S \text{ と表せ。}$$

$$\triangle CHG = \triangle CFB \times \frac{CG}{CB} \times \frac{CH}{CF} \quad \text{∴}$$

$$\triangle CHG = 9S \times \frac{3}{7} \times \frac{1}{2} = \frac{81}{14}S$$

$$\therefore \text{四角形 } FBGH = 9S - \frac{81}{14}S = \frac{111}{14}S$$



2025.10.29 (k) えたえ

IV.  $\triangle ABC$ において、 $\angle BAC$ の二等分線と辺 BCとの交点を D,  $\angle ABC$ の二等分線と辺 ACとの交点を E とし、ADとBEの交点を Fとする。また、頂点 B を通り ADに平行な直線と辺 AC の延長との交点を G とする。BD=12 cm, DC=8 cm, AC=10 cm のとき、次の各問いに答えなさい。

① ABの長さを求めなさい。

$\triangle$ の二等分線定理より  $AB : AL = BD : DC$

$$AB : 10 = 12 : 8 \Rightarrow AB = \underline{15 \text{ cm}}$$

② GB : AF を求めなさい。

$\triangle$ の二等分線定理より  $BA : BD = AF : DF = 5 : 4$

$$\triangle CAD \sim \triangle CGB (2:5) \text{ より } GB = \textcircled{1} \times \frac{5}{2} = \textcircled{2} \text{ cm}$$

$$\textcircled{3} \quad \triangle BDF : \triangle AFE \text{ を求めなさい。 } GB : AF = \frac{\textcircled{2}}{2} : 5 = \underline{9 : 2}$$

$\triangle$ の二等分線定理より  $BA : BC = AE : EC = 3 : 4$  より

$$AE = 10 \text{ cm} \times \frac{3}{7} = \underline{3\frac{3}{7} \text{ cm}}$$

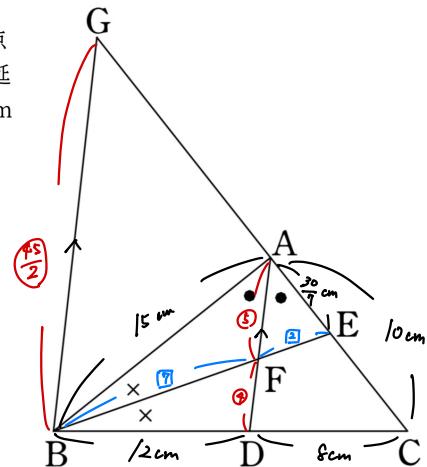
$\triangle$ の二等分線定理より  $AB : AE = BF : FE = 15 : \frac{30}{7} = 7 : 2$

$$\triangle BDF = \triangle AFE \times \frac{FD}{FA} \times \frac{FB}{FE} \text{ より}$$

$$= \triangle AFE \times \frac{4}{5} \times \frac{7}{2}$$

$$= \triangle AFE \times \frac{14}{5}$$

$$\textcircled{3} \quad \triangle BDF : \triangle AFE = \frac{14}{5} \triangle AFE : \triangle AFE = \underline{14 : 5}$$

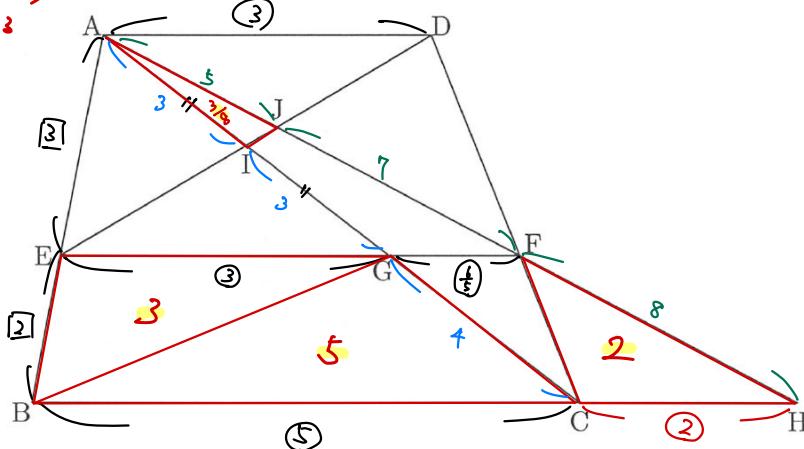


出典:2023 共立女子第二 第1回

- 3 下の図のように、 $AD \parallel BC$  の台形 ABCD があり、 $AD : BC = 3 : 5$  である。辺 AB 上に  $\underline{AE : EB = 3 : 2}$  となる点 E をとり、辺 CD 上に  $AD \parallel EF$  となる点 F をとる。また、AC と EF の交点を G, 直線 AF と直線 BC の交点を H, DE と AC, AF の交点をそれぞれ I, J とする。このとき、次の各問に答えなさい。

$$DF : FC = 3 : 2 \text{ より}$$

$$CH = ② \text{ となる}$$



$$EG = ③, GF = \frac{6}{5} \text{ より } 3 : \frac{6}{5} = \underline{5 : 2}$$

(1)  $EG : GF$  を最も簡単な整数の比で答えなさい。

(2)  $\triangle CHF$  と台形  $BCGE$  の面積比を最も簡単な整数の比で答えなさい。  
 $= \triangle CHF : (\triangle EBG + \triangle CBG) = 2 : (3+5) = \underline{1 : 4}$

(3)  $EJ : JD$  を最も簡単な整数の比で答えなさい。

$$EF : DA \text{ に同じく } 2 : 3 \quad (3 + \frac{6}{5}) : 3 = \frac{21}{5} : 3 = \underline{7 : 5}$$

(4)  $\triangle CHF$  と  $\triangle AIJ$  の面積比を最も簡単な整数の比で答えなさい。

$$\hookrightarrow AI : IG = 1 : 1, AG : GC = 3 : 2 \text{ より } AI : IG : GC = 3 : 3 : 4$$

$$AJ : JF = 5 : 7, AF : FH = 3 : 2 \text{ より } AJ : JF : FH = 5 : 7 : 8$$

$$\therefore \triangle CHF = 2 \text{ に同じく } \triangle ACF = \triangle CHF \times \frac{3}{2} = 3 \text{ である}$$

$$\triangle AIJ = \triangle ACF \times \frac{AI}{AC} \times \frac{IJ}{AF} = \frac{3}{70} \times \frac{5}{12} \times 3 = \frac{3}{8} \text{ である}$$

$$\triangle CHF : \triangle AIJ = 2 : \frac{3}{8} = \underline{16 : 3}$$

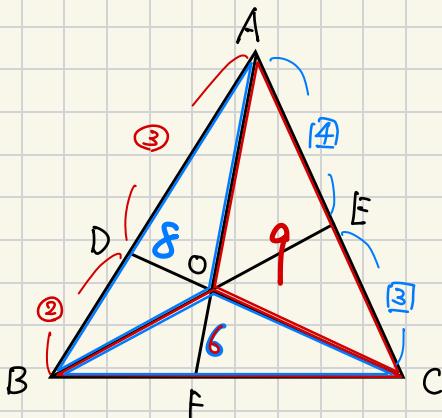
2025.10.31(金) 二尺え

図において  $AD:DB=3:2$ 、 $AE:EC=4:3$

線分  $BE$ 、 $CD$  の交点を  $O$ 、直線  $AO$  と辺  $BC$  の交点を  $F$  とする。

このとき、 $BF:FC$  を求めなさい

出典: 2019 開智高校 第1回



$$\triangle BAO : \triangle CBO = AE : EC \quad \text{より}$$

$$\triangle BAO = 8, \triangle CBO = 6 \text{ とおいて。}$$

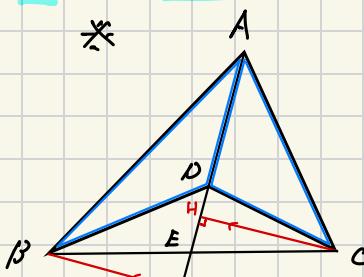
$\Rightarrow$  もと

$$\triangle CAO : \triangle CBO = AD : DB \quad \text{より}$$

$$\triangle CAO = 9 \text{ となる。 よって}$$

$$BF : FC = \triangle ABO : \triangle CAO \quad \text{より}$$

$$BF : FC = 8 : 9$$



\* 左図で

$$\triangle ABD : \triangle ACD = BL : CH \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{底辺の等しい二直角形の} \\ \text{面積比は} \\ \frac{\text{高さの比}}{\text{底辺の比}} \end{array} \right.$$

これは  $BL \parallel CH$  なり

$$BL : CH = BE : CE$$

$$\therefore \triangle ABD : \triangle ACD = BE : CE \text{ となり。}$$

2025.11.01(土) 2次

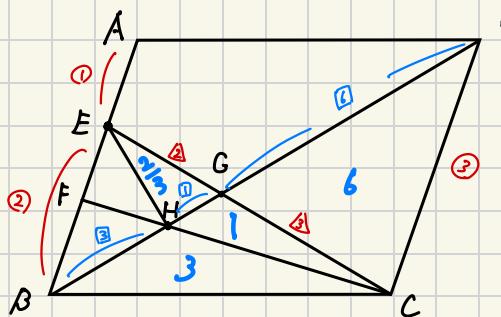
- 3 平行四辺形 ABCD において、AB を 1:2 に分ける点を E とし、線分 EB 上に点 F をとります。線分 CE, CF と対角線 BD との交点をそれぞれ G, H とするとき、  
 $\underline{GH : HB = 1 : 3}$ となりました。

次の問に答えなさい。  
 フィンセモニハガ書けよ。

(1) DG : GB を求めなさい。  $DC : BE \text{ に } \frac{1}{2} \text{ と } \rightarrow \underline{3 : 2}$

(2)  $\triangle CGH$  と平行四辺形 ABCD の面積の比を求めなさい。  $BH = \underline{3}$ ,  $GH = \underline{1}$  と  
 $DG = \underline{6}$  とす。

(3) EF : FB を求めなさい。



出典:2023 桃山学院

(2)  $\triangle CGH = \underline{1}$  とすと  
 $\triangle BCD = \underline{10}$  とす  
 $\triangle ABCD = \underline{20}$  とす  
 $\triangle CGH : \triangle ABCD = \underline{1 : 20}$

(3)  $EG : CG = \underline{2 : 3}$  とす  $\triangle EGH = \frac{2}{3}$  とす  $\triangle CEH = \frac{5}{3}$

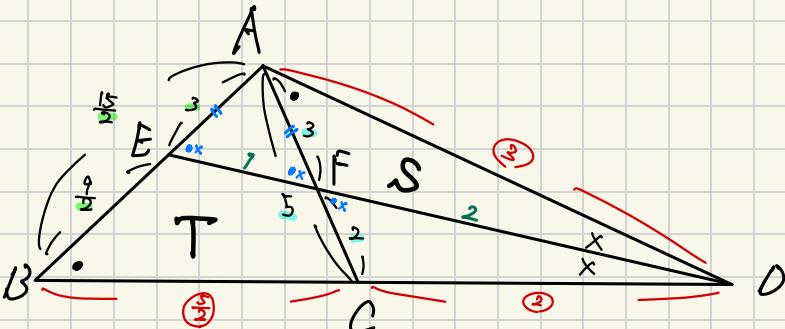
$EF : FB = \triangle CEH : \triangle CBH$  だから

$EF : FB = \frac{5}{3} : 3 = \underline{5 : 9}$

2025. 11. 02 (日) 佐藤

出典: 2019 青雲

- (1) ABの長さを求めよ。
- (2) EBの長さを求めよ。
- (3)  $\triangle AFD$  の面積を S、四角形 EBCF の面積を T とおくとき、  
S:T を最も簡単な整数比で答えよ。



$$(1) \triangle ABD \sim \triangle CAD \text{ である} \quad \text{相似比 } 1:2:3$$

$$AF:FC = AD:CD = 3:2 \quad (\text{角の二等分線定理}) \text{ より}$$

$$AB:CA = 3:2 \Rightarrow AB:S = 3:2, \quad AB = \frac{15}{2}$$

$$(2) \triangle AEF \text{ は二等辺三角形} \Rightarrow AE = 3 \text{ より} \quad ED = \frac{15}{2} - 3 = \frac{9}{2}$$

$$(3) AE:EB = AD:BD = 3:\frac{9}{2} \quad (\text{角の二等分線定理}) \text{ より}$$

$$\text{よし } AD = ③ \text{ だから } BD = ④ \Rightarrow BC = ⑤$$

$$\triangle DAE \sim \triangle DCF \text{ よし} \quad DE:DF = DA:DC = 3:2 \quad \text{よし} \\ DF:FE = 2:1 \quad \text{よし}$$

$$\triangle AEF = \frac{1}{2}S \text{ でし} \quad \triangle ABC = \triangle AEF \times \frac{AB}{AE} \times \frac{AC}{AF} \text{ だから},$$

$$\triangle ABC = \frac{1}{2}S \times \frac{\frac{15}{2}}{3} \times \frac{\frac{15}{2}}{3} = \frac{25}{12}S \quad \text{よし},$$

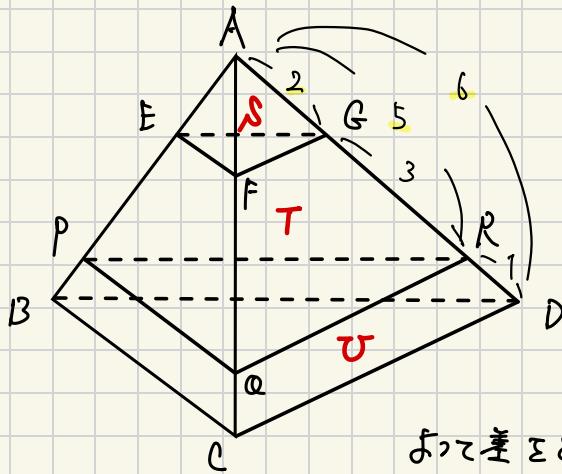
$$T = \frac{25}{12}S - \frac{1}{2}S = \frac{19}{12}S \quad \text{よし},$$

$$S:T = S: \frac{19}{12}S = \underline{12:19}$$

2025.11.03 (月) ことじ

三角錐 ABCD を、右の図のように底面に平行な平面で 2箇所切断する。  
 AE : EP : PB = 2:3:1 であるとき、立体 EFG-PQR と、立体 PQR-BCD の  
 体積比を最も簡単な数の比で表しなさい

出典:H29 法政大一般



よって差でとて

立体を上の段から S, T, U として  
 $S \sim (S+T) \sim (S+T+U)$

① 2 : 5 : 6

↓ 3乗

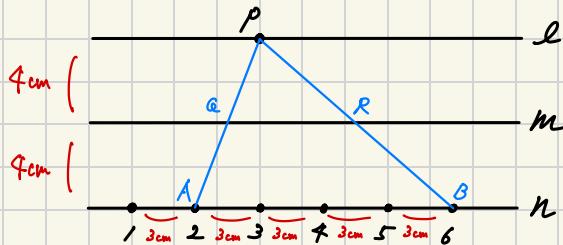
② 8 : 125 : 216

$T : U = (125 - 8) : (216 - 125)$

= 117 : 91

= 9 : 7

) ÷ 13



大小2つのさいころを同時に投げて、大きいさいころの出た目の数と同じ番号のついた直線n上の点をA、小さいさいころの出た目の数と同じ番号のついた直線n上の点をBとし、 $\triangle PAB$ の面積を考える。ただし、2点A, Bが一致するときは、 $\triangle PAB$ の面積を0cm<sup>2</sup>とする。このとき、次の確率を求めなさい。

- (1)  $\triangle PAB$ の面積が48cm<sup>2</sup>となる確率
- (2) 線分PA,PBと直線mとの交点をそれぞれQ,Rとしたとき、  
 $\triangle PQR$ の面積が6cm<sup>2</sup>となる確率

辺=3通りの目へはたは全36通り

(1) 高さが8cmより底辺が12cmとなるのは

2通り、 $AB = 12\text{cm}$ となるのは

(大さい=3の目)と(小さい=3の目)の2通り

$$\rightarrow \text{計} 4 \text{通り} \quad \text{よし} \frac{4}{36} = \frac{1}{9}$$

		1	2	3	4	5	6
		○					
(A)	1						
	2						
(A)	3						
	4						
(A)	5	○					
	6		○				

小. (3)

(2)  $\triangle PAK$ と $\triangle PAB$ の相似比1:2より、

面積比1:4となる。  $\triangle PQR = 6\text{cm}^2$

$$\triangle PAB = 24\text{cm}^2$$

$\times 4$

大

(A)

(1)と同様に考えて、 $AB = 6\text{cm}$ となるのは

(大さい=3の目)と(小さい=3の目)の2通り

$$\rightarrow \text{計} 8 \text{通り} \quad \text{よし} \frac{8}{36} = \frac{2}{9}$$

		1	2	3	4	5	6
		○					
(A)	1						
	2						
(A)	3	○					
	4		○				
(A)	5			○			
	6				○		

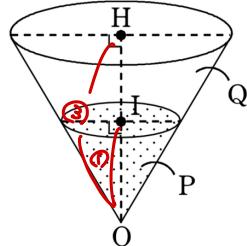
小. (3)

V. 右の図のように、深さが OH の円すい型の容器に水を入れ、水面が容器の底面と平行になるようにする。水の入っている部分を P、水の入っていない部分を Q とするとき、次の各問に答えなさい。

- ①  $OI = \frac{1}{3}OH$  で、容器の体積が  $540\pi \text{ cm}^3$  のとき、Q の部分の体積を求めなさい。

$P \sim (P+Q)$  で、相似比は  $1:3$  だから、  
体積比は  $1:27$  となる。

$$\therefore \text{空白の部分 } Q \text{ は } 540\pi \text{ cm}^3 \times \frac{26}{27} = 520\pi \text{ cm}^3$$



- ② 水面の面積が容器の底面積の  $\frac{16}{25}$  倍であるとき、P と Q の体積比を求めなさい。

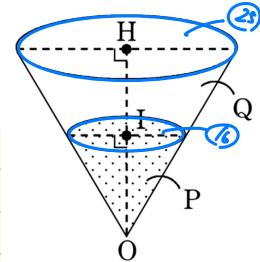
$$(P \text{ の底面径}) : (P+Q \text{ の底面径}) = 16:25 \text{ より}$$

$P$  と  $P+Q$  の相似比は  $4:5$

∴ 3乗

$$P \text{ と } P+Q \text{ の体積比は } 64:125 \quad \rightarrow \text{ 基本式}$$

$$\therefore (P \text{ の体積}) : (P+Q \text{ の体積}) = 64:61$$



4

図1のような底面の半径が3cm、高さAHが4cm、母線の長さが5cmの円錐があります。この円錐を図2のようにAB: BH=1:2となる点Bを通る底面に平行な平面で切り取ります。頂点Aを含む立体をP、もとの円錐の底面を含む立体をQとします。

次の問いに答えなさい。

問1 図1の円錐の体積を求めなさい。

問2 立体Pの側面積を求めなさい。

問3 立体Qの表面積を求めなさい。

問4 立体QをBC: CH=1:1となる点Cを通る底面に平行な平面で切り取ります。

切り取った立体のうち、体積の小さい方と大きい方の体積の比を、最も簡単な整数の比で表しなさい。

問3 Qの側面積 = 全体の側面積 - Pの側面積

$$= 5 \times 3 \times \pi - \frac{5}{3} \pi = \frac{40}{3} \pi \text{ cm}^2$$

$$\begin{aligned} \text{上の円} &= \pi \text{ cm}^2, & \text{下の円} &= 9\pi \text{ cm}^2 \\ \text{上円の周} &= 6\pi \text{ cm}, & \text{下円の周} &= 18\pi \text{ cm} \end{aligned}$$

$$\text{側面積} = \frac{1}{2} (6\pi + 18\pi) \times 5 = \frac{70}{3} \pi \text{ cm}^2$$

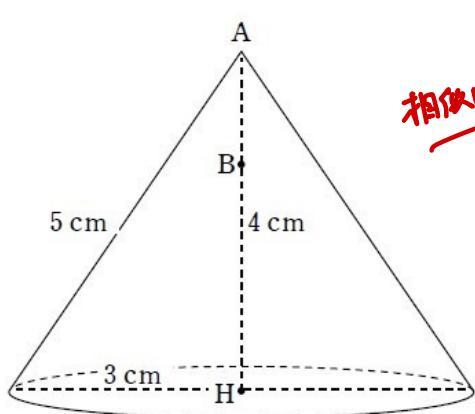


図1

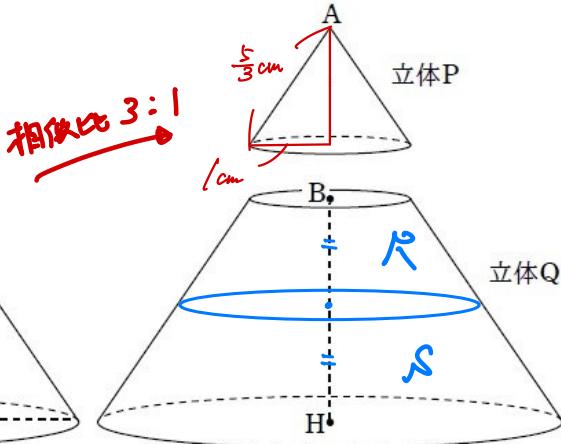


図2

問4: 切って出来た立体を上からR, Sとしたとき

$$P \sim (P+R) \sim (P+R+S) \text{ で 相似比 } 1:2:3 \text{ だ}$$

$$\text{体積比 } 1 : 8 : 27 \quad \text{差を取って } R:S = 7:19$$

※(2)錐の  
側面積は  
底面×底面の半径×π  
で求めます。

2025.11.07(金) こたえ

- ④ 1辺の長さが24の正方形ABCDがある。辺AB上に点EをBE=9となるようにとり、辺CD上に点Fをとる。下図の様に線分EFでこの正方形を折ると、頂点Aは辺BCの中点Gに移り、頂点Dは図の点Hに移った。辺GHが辺CDと交わる点をIとするとき、次の□に適する数を答えよ。

$\triangle EBG \sim \triangle GCI \sim \triangle EHI$  となり  
直角Eはとも相似

との3辺の比は 3:4:5 となるから3.

(1) GI = [ア イ] である。

$$GI = GC \times \frac{5}{3} \text{ より } GI = 20$$

(2) DF = [ウ] である。

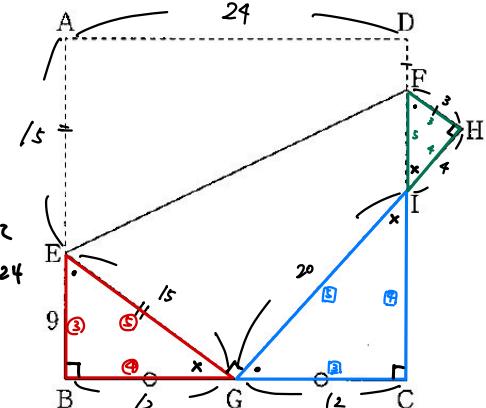
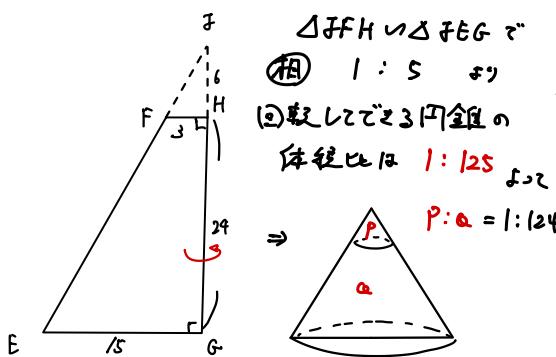
$$GH = 24 \text{ より } IH = 4.$$

$$\text{3辺の比を見て } FH = IH \times \frac{3}{4} = 3$$

コレは DF に等しい  
ので  $DF = 3$

(3) 四角形EGHFについて、この四角形をHGを軸に1回転させてできる立体の体積は、

[エ オ カ キ]  $\pi$  である。



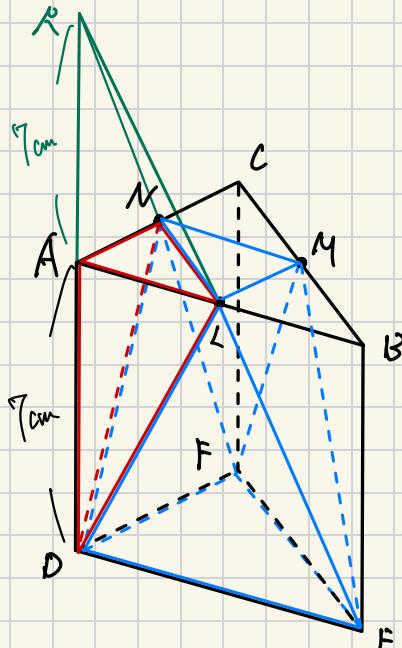
$$IH:HG = 1:5 \text{ となり } IH:HG = 1:9 \text{ となり}$$

$$IH = 6 \text{ だから } P = 9\pi \times 6 \div 3 = 18\pi$$

$$\text{求めた体積 } Q \text{ は } 18\pi \times \frac{129}{3} = \underline{\underline{2132\pi}}$$

出典:2021 日本大学明誠

- (1) ( $\triangle ALN$  の面積) : ( $\triangle DEF$  の面積) を最も簡単な整数の比で表しなさい。
- (2) 三角錐D-ALN の体積を求めなさい。
- (3) 立体LMN-DEF の体積を求めなさい。
- (4) 立体ALN-DEF の体積を求めなさい。
- (5) 辺AD 上に点Qを取り、三角錐Q-ALMと三角錐Q-DEFを作らる。  
2つの三角錐の体積が等しくなるときのAQの長さを求めなさい。



(1)  $\triangle ALN \sim \triangle DEF$   $\text{相似} \rightarrow 1:2$

(2) (1)より  $\triangle ALN = 3 \text{ cm}^2$ , 高  $7 \text{ cm}$  より

$$3 \times 7 \times \frac{1}{3} = 7 \text{ cm}^3$$

(3) その三の三直角  $ABC-DEF$  が

$D-ALN, E-BML, F-CNM$  です。

底面も底面  $3 \text{ cm}^2$ , 高  $7 \text{ cm}$  より 体積は  $21 \text{ cm}^3$

$$(ABC-DEF) = 12 \times 7 = 84 \text{ cm}^3$$

$$84 - 7 \times 3 = 63 \text{ cm}^3$$

(4) 三角錐R-ALN を  $< 3$  と

$$(R-ALN) \sim (R-DEF) \text{ 相似} \rightarrow 1:2$$

∴  $1:8$  より  $(R-ALN) : (ALN-DEF) = 1:7$  です

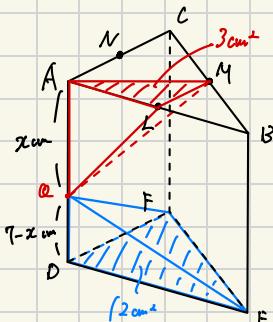
$$RA = 7 \text{ cm} \text{ と } (R-ALN) = 3 \times 7 \times \frac{1}{3} = 7 \text{ cm}^3 \rightarrow \underline{\underline{49 \text{ cm}^3}}$$

(5)  $AO = x \text{ cm}$  とすると,  $OD = 7-x \text{ cm}$

$$Q-ALM = 3 \times x \times \frac{1}{3} = x \text{ cm}^3$$

$$Q-DEF = 12 \times (7-x) \times \frac{1}{3} = 28-4x \text{ cm}^3$$

$$x = 28-4x \Rightarrow x = \frac{28}{5} \text{ cm} \quad \underline{\underline{AO = \frac{28}{5} \text{ cm}}}$$



2025.11.09(日) こたえ

下の図のような底面の直径が 8 cm の円錐の形をした空の容器に、一定の割合で水を入れていくと、水面の高さが 4 cm になるのに 5 秒かかった。  
次の各問いに答えよ。ただし、円周率は  $\pi$  とする。

4cm と 2 の関係は  
まるで 5 秒。

- (1) この容器の容積を求めよ。

$$16\pi \times 15 \div 3 = \underline{80\pi \text{ cm}^3}$$

- (2) 水面の高さが 12 cm になるのは、空の容器に水を入れ始めてから何秒後か。

最初の水の状態を P として

水面の高さ 12 cm のときを Q とおく。

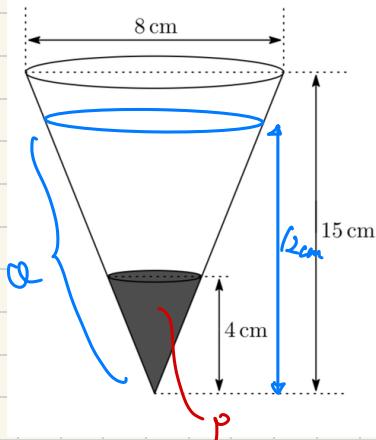
出典:2021 京華

P と Q の速度比 1:3

⇒ 面積比は  $1:27$  だ

P に入れるのに 5 秒の 27 倍の時間で

Q となる。だから  $5 \times 27 = \underline{135}$  秒

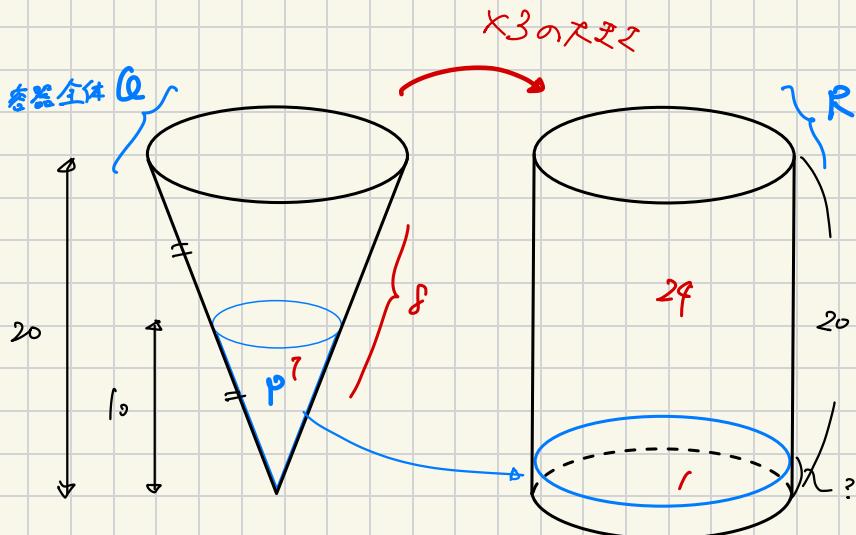


2025. 11. 10 (月)

底面が合同な円で、高さが20の円すいと円柱の容器があります。

図のように、この円すいの容器に入っている深さ10の水を円柱の容器に入れると、その深さは？

出典: 2021 春日部共栄 第2回



各容器・ $\propto$   $P \cdot Q \cdot R$  と  $C_2$   $P \sim Q$  で  $1:2$

よって  $P \sim Q$  の体積比は  $1:8$

さらに  $R \sim R$  の体積比は  $1:3$  より

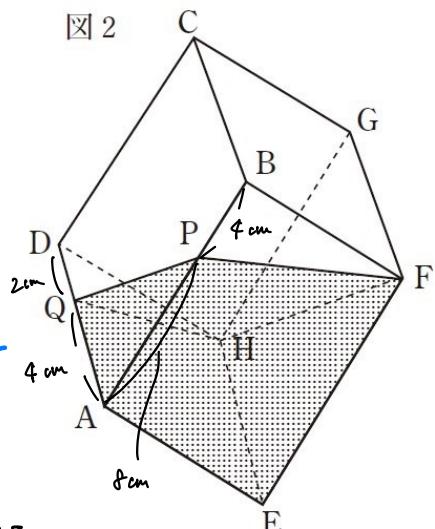
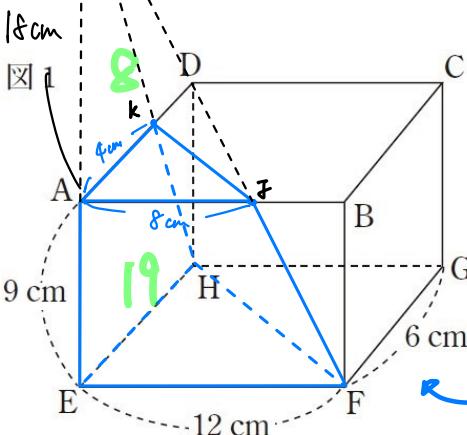
$P:Q:R = 1:8:24$  である。よって  $R \sim P$  となる

水面の高さは、原点の  $\frac{1}{24}$  である。  $\rightarrow 20 \times \frac{1}{24} = \frac{5}{6}$

- 7 直方体の容器 ABCD – EFGH (図 1) に途中まで水を入れ、ふたをした後、図 2 のように傾けると水面が四角形 FPQH になりました。点 P は辺 AB の 3 等分点のうち B に近い方、点 Q は辺 AD の 3 等分点のうち D に近い方です。次の問い合わせに答えなさい。

(1) 容器に入っている水の量を求めなさい。

(2) 図2の容器を面EFGHが底面となるように置いたときの水面の高さを求めなさい。



(1) 水の形は 三角錐台 である。

$\Delta IEF \sim \Delta IA_2$  (图 2:3) 且

$$IA : AE = 2 : 1 \Rightarrow IA = 18\text{ cm}$$

$$(I - A_{2k}) : (I - E_{FH}) = 2^3 : 3^3 = 8 : 27 \text{ f.y}$$

$$(I - A_{IK}) : \text{右} = 8 : 19 \text{ より } I \text{ の本数は}$$

$$\underline{(16 \text{ cm}^2 \times 18 \text{ cm} \times \frac{1}{2})} \times \underline{\frac{19}{8}} = \underline{228 \text{ cm}^3}$$

I-AJKの体積

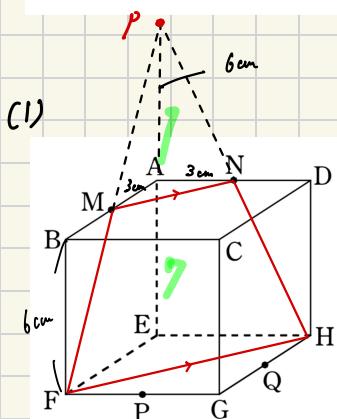
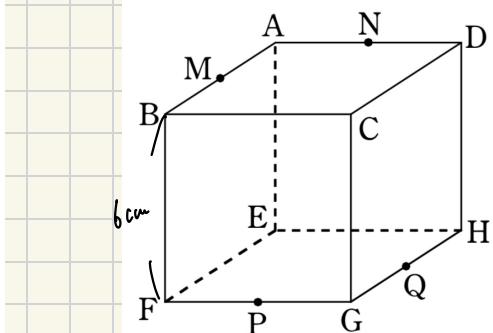
$$(2) \text{ 瓶器の底面は } 72 \text{ cm}^3 \text{ で}, 228 \div 72 = \frac{19}{6} \text{ cm}$$

2025.11.12(k) たえ

V. 右の図の立方体 ABCD-EFGH は 1 辺が 6 cm で、点 M, N, P, Q はそれぞれ辺 AB, DA, FG, GH の中点である。このとき、次の各問いに答えなさい。

① この立体を、3 点 M, N, F を通る平面で切ってできる立体のうち、小さい方の立体の体積を求めなさい。

② この立体を、3 点 A, P, Q を通る平面で切ってできる立体のうち、点 E をふくむ方の立体の体積を求めなさい。



出典:2021 共立女子第二 第1回

△AMN は左図のよろな 台形 となる。

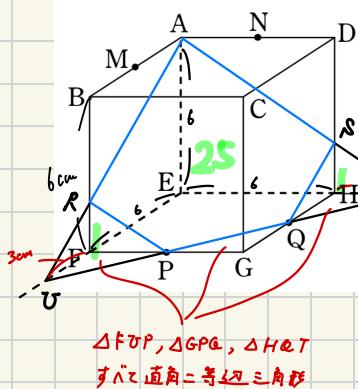
△AMN の面積は 組合 → 延長して 三角錐 となる。

$$(P-AMN) \sim (P-EFH) \text{ で } \text{相似} \rightarrow 1:2 \rightarrow ④ 1:8 \text{ より}$$

$$(P-AMN):(AMN-EFH) = 1:7 \text{ だから}$$

$$(AMN-EFH) = \left( \frac{9}{2} \times 6 \times \frac{1}{3} \right) \times 7 = \underline{\underline{63 \text{ cm}^3}}$$

(2)



△AMN は左図のよろな 五角形 となる。

△AMN の面積は (A-EUT) + (R-FUP) + (S-HAT) がこのもの。

$$(A-EUT) + (R-FUP) + (S-HAT) \text{ で } \text{相似} 3:1:1$$

$\rightarrow ④ 27:1:1$  より 各部分の体積比は 25:1:1

よって求めた立体の体積は

$$\underbrace{\left( \frac{81}{2} \times 6 \times \frac{1}{3} \right)}_{(A-EUT)} \times \frac{25}{27} = \underline{\underline{75 \text{ cm}^3}}$$

2025. 11. 13 (木) 2025

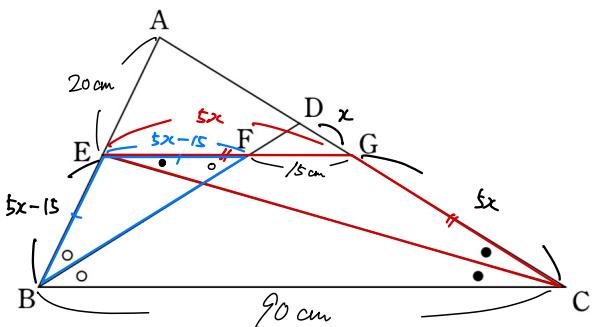
- 5 図のように、 $\triangle ABC$ があり、 $AB < AC$ である。 $\angle ABC$ の2等分線と辺ACとの交点をD、 $\angle ACB$ の2等分線と辺ABとの交点をEとする。また、点Eを通り辺BCに平行な直線を引き、線分BD、辺ACとの交点をそれぞれF、Gとする。 $DG : GC = 1 : 5$ であり、線分CGの長さは線分BEの長さよりも15 cm長い。 $DG = x \text{ cm}$ とするとき、次の問い合わせに答えなさい。

- (1) 線分BE、EGの長さを  
それぞれxを用いて表しなさい。

$$CG = 5x \text{ より } BE = \underline{5x - 15} \text{ cm}$$

また  $\triangle GEC$  は二等辺三角形  $\Rightarrow$

$$EG = CG = \underline{5x} \text{ cm}$$



- (2) 線分FG、BCの長さをそれぞれ求めなさい。

$$\triangle EBG \text{ は二等辺三角形 } \Rightarrow EF = EB = \underline{5x - 15} \text{ cm}$$

$$\therefore FG = 5x - (5x - 15) = \underline{15} \text{ cm}$$

$$FG : BC = 1 : 6 \Rightarrow BC = \underline{90} \text{ cm}$$

- (3)  $AE = 20 \text{ cm}$  のとき、xの値を求めなさい。

$$\triangle AEG \sim \triangle ABC \Rightarrow AE : AB = EG : BC$$

$$\therefore 20 : (5x + 15) = x : 90$$

$$4 : (x + 3) = x : 18$$

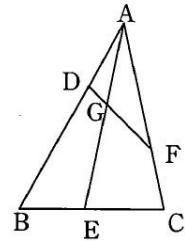
$$\begin{aligned} x^2 + x - 72 &= 0 \\ (x+9)(x-8) &= 0 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{l} x > 0 \text{ より} \\ \hline x = 8 \end{array}$$

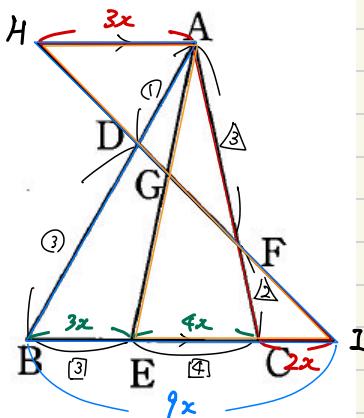
出典:2021 就実 ハイグレード

2025. 11. 14 (金) こたえ

- (9) 右の図のように、面積が  $S$  である  $\triangle ABC$ において、  
 辺  $AB$ ,  $BC$ ,  $CA$  上にそれぞれ  $AD : DB = 1 : 3$ ,  $BE : EC = 3 : 4$ ,  
 $CF : FA = 2 : 3$  となる点  $D$ ,  $E$ ,  $F$  をとる。  
 $AE$  と  $DF$  の交点を  $G$  とするとき、 $\triangle AGF$  の面積を  $S$  を用いて表せ。



出典:2021 弘学館



線分を延長して、左図のように  $I$ ,  $H$  をとる。

$\triangle AHF \sim \triangle CIE \Rightarrow AH : CI = 3 : 2$

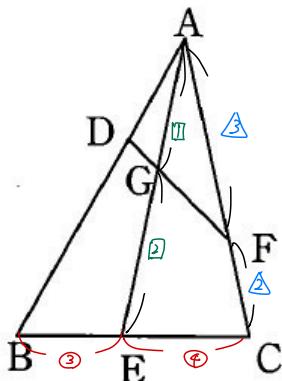
より  $AH = 3x$ ,  $CI = 2x$  とおけ。一方

$\triangle AHD \sim \triangle BID \Rightarrow AH : BI = 1 : 3$

より  $AH = 3x$  とおけ,  $BI = 9x$  とおけ。

$\Rightarrow BI = 3x$ ,  $EC = 4x$  とおけ。

$\triangle AGH \sim \triangle EGI \Rightarrow AG : EG = 1 : 2$



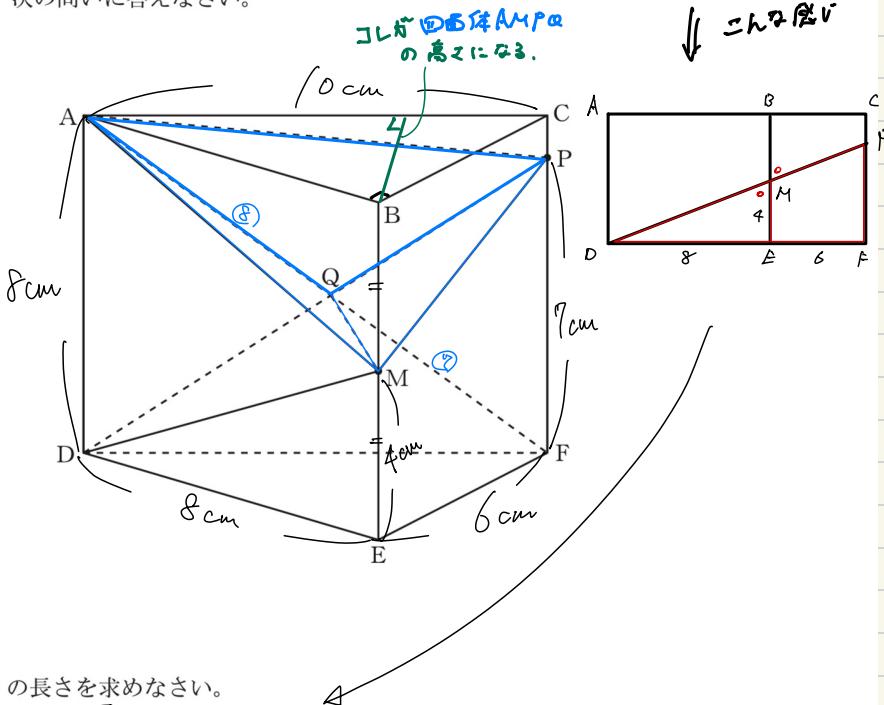
$$\triangle ABC = S \text{ とする}$$

$$\triangle AEC = \frac{4}{7}S \text{ である。なぜ?}$$

$$\begin{aligned}\triangle AGF &= \triangle AEC \times \frac{AG}{AE} \times \frac{AF}{AC} \\ &= \frac{4}{7}S \times \frac{1}{3} \times \frac{3}{5} \\ &= \underline{\underline{\frac{4}{35}S}}\end{aligned}$$

- 3 図のように、 $AB = 8\text{ cm}$ ,  $BC = 6\text{ cm}$ ,  $AC = 10\text{ cm}$ ,  $AD = 8\text{ cm}$ ,  $\angle ABC = \angle ABE = \angle CBE = 90^\circ$  の三角柱  $ABC - DEF$  がある。辺  $BE$  の中点を  $M$  とし、辺  $CF$  上に  $\underline{\angle DME = \angle BMP}$  となる点  $P$  をとる。また、線分  $AF$  と線分  $DP$  の交点を  $Q$  とする。

このとき、次の問い合わせに答えなさい。



(1) 線分 FP の長さを求めなさい。

## 石上の展開図において

$$\triangle DME \sim \triangle DPF \quad (\text{AA} \ 4:7) \text{ so } PF = 4 \text{ cm} \times \frac{7}{4} = \underline{\underline{7 \text{ cm}}}$$

(2)  $\triangle APQ$  の面積を求めなさい。

而  $\triangle ADF \sim \triangle EFC$ .  $\triangle ADE \sim \triangle FDC$  所以  $AE : FD = 8 : 7$

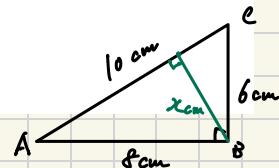
$$\Delta AP^P = 7 \times 10 \div 2 = 35 \text{ cm}^2 \text{ ふ} \quad \Delta APQ = \Delta AP^P \times \frac{8}{15} = 35 \times \frac{8}{15} = \underline{\underline{\frac{56}{3} \text{ cm}^2}}$$

(3) 四面体 AMPQ の体積を求めなさい。

$\triangle APQ$  が底面, B が AC の垂線が高さになる。

右図において  $\triangle ABC = 24 \text{ cm}^2$  だ。  $10 \times x \times \frac{1}{2} = 24$  だから

$$f_2 \text{ (四面体 AMPA)} = \frac{56}{3} \times \frac{24}{5} \times \frac{1}{3} = \underline{\underline{\frac{960}{15} \text{ cm}^3}}$$







これはテストに出る！

